الغدل الأول

(Vectors) المتبعمات

((1))



أ- الكميات القيامية (Scalar Quantities -أ

به - الكميات الإتبامية (Vector Quantities

(Vectors) المتجمالة 2-1

1-2-1 متجه الوحدة (Unit Vector

(Basic Unit Vectors) (\hat{i},\hat{j},\hat{k}) الوحدة الأساسية (2 -2-1

(Addition and Subtraction of Vectors) جمع وطرح المتحمات 3-2-1

(Graphical Method) عربيت الرسو (1-3-2-1

(Analytic Method) الطريقة التعليلية (2-3-2-1

(Equality of Vectors) تساوي المتبعات 4-2-1

(Multiplication of Vectors) خربب المتبعات 5-2-1

(Dot or Scalar product of Vectors) الخربم القياسي المتهمات المتهم المتهم المتهم المتهم المتهم المتهم المتهم المتهم الم

(Cross or Vector product of Vectors) الخربم الإتمامي المتممات (2-5-2-1

الغدل الأول

(Vectors) المتجمالة

(Physical Quantities) الكميات الغيريائية

بصورة عامة تُوسّم الكميات الفيزيائية إلى نوعين هما :-

أ- الكمياه التياسية (Scalar Quantities)

وسي الكميات التي تُعرَّف من خلال مقدارما (Magnitude) فقط ، ومن أمثلتما الشغل والنمن والكتلة ، ويُمكن أن تنضع لعمليات الجبر الإعتيادية عند الجمع والطرح .

به - الكميات الإتمامية (Vector Quantities

وهي الكميات التبي تُعرَف من خلال مقدارها (Magnitude) وإتجاهما (Direction) معاً، وهم الكميات الببرية البسيطة بل تختع للجبر الاتجاهي عند جمعها وطرحما وخربها.

2-1 المتبمائي (Vectors

1-2-1 متجه الوحدة (Unit Vector

--: يُعرَّف متبه الوحدة $(\hat{u}_{ar{i}})$ في إتجاه المتبه $(\hat{u}_{ar{i}})$

$$\hat{u}_{\vec{A}} = \frac{\vec{A}}{\left|\vec{A}\right|} \dots (1-1)$$

حيث أن :-

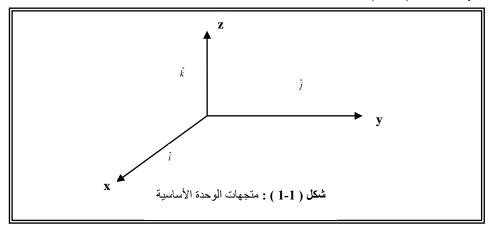
. $(\stackrel{
ightarrow}{A})$ متجه الوحدة في إتجاه المتجه -: $\hat{u}_{\stackrel{
ightarrow}{A}}$

. $(ec{A})$ المتجه $-: ec{A}$

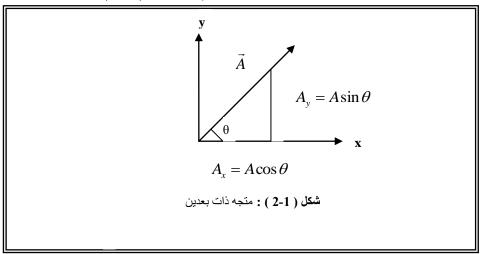
 \cdot ($ec{A}$) مهدار المتبه - -: $\leftec{A}
ightert$

(Basic Unit Vectors) (\hat{i},\hat{j},\hat{k}) متبمات الوحدة الأماسية 2-2-1

وهي متجهات مقدارها الوحدة وتعمل في الإتجاهات الموجبة للمحاور (x,y,z) على الترتيب وكما موضح في الشكل (1-1) وعليه فإن هذه المتجمات الثلاثة تكون متعامدة .



والآن لإيباد مقدار المتبه في مالة المتبه ذات بعدين وكما موضع في الشكل (1-2) .



من الشكل (1-2) يتضع لنا أن :-

$$|\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} ... (2-1)$$

حيث أن :-

 $A_x = A\cos\theta$

 $A_{v} = A \sin \theta$

الموجب ، وتُحسب من المعادلة الآتية : θ الموجب ، وتُحسب من المعادلة الآتية : θ

$$\theta = \tan^{-1} \frac{A_y}{A_x} ... (3-1)$$

والآن يُمكن تعميم ذلك على المتجه في الفضاء (ذات ثلاثة أبعاد) كالتالي :-

$$|\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2 + A_z^2} ...(4-1)$$

$$ec{A}=3\hat{i}+4\hat{j}$$
 ياك اكان $-:$ المحال $1-1$

 $\cdot (\vec{A})$ إحسب مقدار المتجه إ-1

 $\cdot (\vec{A})$ المحدة فيي إتجاه -2

المل :-

- 1 من المعادلة (2-1)

$$|\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} ... (2-1)$$

ديث أن:

$$A_x = 3$$

$$A_y = 4$$

إذن :

$$|\vec{A}| = \sqrt{(3)^2 + (4)^2}$$

$$\left| \vec{A} \right| = \sqrt{9 + 16}$$

$$|\vec{A}| = 5$$
 units (\vec{A}) مهدار المتبه

- 2 من المعادلة (1-1)

$$\hat{u}_{\vec{A}} = \frac{\vec{A}}{|\vec{A}|} \dots (1-1)$$

$$\hat{u}_{\vec{A}} = \frac{1}{5}(3\hat{i} + 4\hat{j})$$

$$\hat{u}_{\bar{A}} = \frac{3}{5}\hat{i} + \frac{4}{5}\hat{j}$$

$$\hat{u}_{ec{A}} = 0.6\hat{i} + 0.8\hat{j} \; \left| \; (\; ec{A} \;) \;
ight|$$
متبه الوحدة فيي إتباه

(Addition and Subtraction of Vectors) جمع وطرح المتهمات 3-2-1

يمكن جمع أو طرح المتجمات وإحدى الطريقتين :-

(Graphical Method) علريقة الرسو 1-3-2-1

في هذه الطريقة نرسم المتجه الأول بمقياس رسم مناسب ، ومن نماية المتجه الأول نرسم المتجه الثاني وبنفس مقياس الرسم ، ومكذا نكرّر ذلك بالنسبة لبقية المتجمات .

إن محصلة (Resultant) هذه المتجماعة يُمثِلها مقداراً وإتجاهاً المتجه الواصل من نقطة البداية للمتجه الأول إلى نقطة النماية للمتجه الأخير .

(Analytic Method) الطريقة التعليلية 2-3-2-

-: بالرجوع إلى الشكل (1) نجد أن المتجه (\vec{A}) خات بعدين يمكن كتابته بدلالة مركباته كالآتي

$$\vec{A} = A_x \hat{i} + A_y \hat{j} ... (5-1)$$

-- وبتعميم ذلك على المتجه في الفضاء (خات ثلاثة أبعاد) فإن المتجه (\vec{A}) يمكن كتابته على الشكل التالي \dot{A}

$$\vec{A} = A_x \hat{i} + A_y \hat{j} + A_z \hat{k} ... (6-1)$$

-: $(\vec{B}\,)$ وبالمثل بالنسبة للمتجه

$$\vec{B} = B_x \hat{i} + B_y \hat{j} + B_z \hat{k} ... (7-1)$$

: و الآتيي ($ec{B}$) و ($ec{A}$) و ($ec{A}$) و الآتيي ومن المعادلة بمع المتبهين ($ec{B}$) و الآتيي

$$\vec{A} + \vec{B} = (A_x + B_x)\hat{i} + (A_y + B_y)\hat{j} + (A_z + B_z)\hat{k}...(8-1)$$

: أما معادلة طرح المتجمين (\vec{A}) و (\vec{B}) فتكون كالآتي

$$\vec{A} - \vec{B} = \vec{A} + (-\vec{B}) = (A_x - B_x)\hat{i} + (A_y - B_y)\hat{j} + (A_z - B_z)\hat{k}...(9-1)$$

يتَّضح من هذه الطريقة (التحليلية) إنه قبل إجراء عملية جمع أو طرح المتجمات يجبب إتباع ما يلي :-

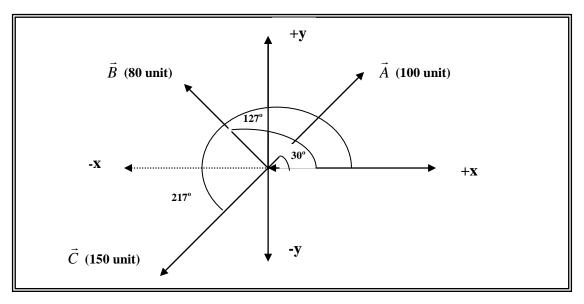
1- كتابة كل متجه بدلالة مركباته.

2- جمع أو طرح المُركبات المُتهابلة للمتجه.

الموجب (\vec{R}) الموجب - عن الشكل الآتي ، إحسب مقدار المتجه (\vec{R}) والزاوية التي يعملما مع مدور في كل من الدالتين الآتيتين وبإستخدام طريقة التحليل :-

$$\vec{R}1 = \vec{A} + \vec{B} + \vec{C} - 1$$

$$\vec{R}2 = \vec{A} - \vec{B} + \vec{C} - 2$$



. المتجمادة $\vec{C}, \vec{B}, \vec{A}$ بدلالة مُركباتها أولا : نكتب المتجمادة

 \cdot ($ec{A}$) بالنسبة للمتجه

$$\vec{A} = A_x \hat{i} + A_y \hat{j}$$

$$\vec{A} = 100\cos 30\hat{i} + 100\sin 30\hat{j}$$

$$\vec{A} = 86.6\hat{i} + 50\hat{j}$$

 $:(ec{B}\,)$ بالنسبة للمتجه

$$\vec{B} = B_x \hat{i} + B_y \hat{j}$$

$$\vec{B} = 80\cos 127\hat{i} + 80\sin 127\hat{j}$$

$$\vec{B} = -48\hat{i} + 64\hat{j}$$

 $:(ec{C}\,)$ بالنسبة للمتبه

$$\vec{C} = C_x \hat{i} + C_y \hat{j}$$

$$\vec{C} = (150\cos 217\hat{i}) + (150\sin 217\hat{j})$$

$$\vec{C} = -120\hat{i} - 90\hat{j}$$

المُتِهَا : نجمع أو نطرح المُركبات المُتِهَابِلة للمتجم .

$$ec{R} ext{l} = ec{A} + ec{B} + ec{C}$$
 . بالنسبة للحالة الأولى 1

من خلال تطبيق المعادلة (1-8) ولثلاثة متجمات ينتج :

$$\vec{A} + \vec{B} + \vec{C} = (A_x + B_x + C_x)\hat{i} + (A_y + B_y + C_y)\hat{j} + (A_z + B_z + C_z)\hat{k}$$

$$\vec{R}1 = \vec{A} + \vec{B} + \vec{C} = (86.6 + (-48) + (-120))\hat{i} + (50 + 64 + (-90))\hat{j} + (0 + 0 + 0)\hat{k}$$

$$\vec{R}1 = \vec{A} + \vec{B} + \vec{C}$$

$$\vec{R1} = -81.4\hat{i} + 24\hat{j}$$

 \cdot (\vec{R} 1) نحسب مقدار (2 -1) من المعادلة

$$|\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} ... (2-1)$$

$$|\vec{R}1| = \sqrt{(-81.4)^2 + (24)^2}$$

$$\left| \vec{R} \vec{1} \right| = 84.8$$
 units $\left(\vec{R} \vec{1} \right)$ مهدار المتبعه

(x) مع محور ((x) الموجب

$$\theta = \tan^{-1} \frac{A_y}{A} ...(3-1)$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{24}{-81.4}$$

 $\theta=163.6^\circ$ الموجب التي يعملما المتجه ($\vec{R}1$) مع محور

$$ec{R}2=ec{A}-ec{B}+ec{C}$$
 ؛ بالنسبة للحالة الثانية - $oldsymbol{2}$

$$\vec{A} - \vec{B} + \vec{C} = (A_x - B_x + C_x)\hat{i} + (A_y - B_y + C_y)\hat{j} + (A_z - B_z + C_z)\hat{k}$$

$$\vec{R}2 = \vec{A} - \vec{B} + \vec{C} = (86.6 - (-48) + (-120))\hat{i} + (50 - 64 + (-90))\hat{j} + (0 + 0 + 0)\hat{k}$$

$$\vec{R}2 = \vec{A} - \vec{B} + \vec{C}$$

$$\vec{R} = 14.6\hat{i} - 104\hat{j}$$

 \cdot ($\vec{R}2$) نحسبه مقدار (2 -1) من المعادلة

$$|\vec{A}| = \sqrt{A_x^2 + A_y^2} ... (2-1)$$

$$|\vec{R}2| = \sqrt{(14.6)^2 + (-104)^2}$$

$$|\vec{R}2| = 105$$
 units $(\vec{R}2)$ مهدار المتبع

دن المعادلة (3) نحسب (θ) وهي الزاوية التي تعملها المحطة (R) مع محور (R) الموجب ،

$$\theta = \tan^{-1} \frac{A_y}{A_x} ... (3-1)$$

$$\theta = \tan^{-1} \frac{-104}{14.6}$$

 $\theta=278^\circ$ الموجب التبي تعملما المحطة ($\vec{R}2$) مع محور (\vec{x}) الناوية التبي

(Equality of Vectors) تساوي المتبعالية 4-2-1

إذا كان:

$$\vec{A} = \vec{B}$$

فإن :

$$\vec{A} - \vec{B} = 0$$

أي أن :

$$(A_x - B_x)\hat{i} + (A_y - B_y)\hat{j} + (A_z - B_z)\hat{k} = 0$$

أي أن:

$$A_{x}-B_{x}=0$$

$$A_{y} - B_{y} = 0$$

$$A_z - B_z = 0$$

وبذلك هإن :

$$A_x = B_x$$

$$A_y = B_y$$

$$A_z = B_z$$

مما سبق نستنتج بأنه يُمكن أن يتساوى المتجمان إذا كانت مُركباتهما المتقابلة متساوية .

ا أوجد قيم كل من $x\,,y\,,z\,$ والتي تبعل المتجمين الآتيين متساويين :

$$\vec{A} = \hat{i} + 2\hat{j} + 3z\hat{k}$$

$$\vec{B} = (x-3)^2 \hat{i} + y\hat{j} + \hat{k}$$

المل :-

بما أنه المطلوب أن يتساوى المتجمان أي أن :

$$\vec{A} = \vec{B}$$

وأن:

$$\hat{i} + 2\hat{j} + 3z\hat{k} = (x-3)^2\hat{i} + y\hat{j} + \hat{k}$$

وبالتالي يتساوى المركبات المتقابلة للمتجمين :

$$1 = (x - 3)^2$$

$$2 = y$$

$$3z = 1$$

وعليه فإن :

$$x = 4$$

$$y = 2$$

$$z=\frac{1}{3}$$

(Multiplication of Vectors) خربه المتهمات 5-2-1

يُوجِد هُذاك نوعان من ضربح المتجمات وهما: -

(Dot or Scalar product of Vectors) الخريم القياسي المتهمات (1-5-2-1

يعرَّف الضرب القياسي كالقالي :

$$|\vec{A}.\vec{B}| = |A||B|\cos\theta...(10-1)$$

حبيث أن :-

|A| . مهدار المتجه |A|

|B| . |B| عقدار المتجه

ا الزاوية الصغرى بين المتجمين $ec{A}$ و $ec{B}$ أو إمتدا حمما وتُحسب من العلاقة الآتية: heta

$$\theta = \cos^{-1} \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|A||B|} ...(11-1)$$

الإيباد الخرب القياسي $\vec{A}.\vec{B}$ بدلالة مركباتهما فإننا نُعوض عن \vec{A} و \vec{B} كما يلي :

$$\vec{A}.\vec{B} = (A_x\hat{i} + A_y\hat{j} + A_z\hat{k}).(B_x\hat{i} + B_y\hat{j} + B_z\hat{k})$$

$\vec{A}.\vec{B} = A_x B_x \hat{i}.\hat{i} + A_x B_y \hat{i}.\hat{j} + A_x B_z \hat{i}.\hat{k} + A_y B_x \hat{j}.\hat{i} + A_y B_y \hat{j}.\hat{j} + A_y B_z \hat{j}.\hat{k} + A_z B_x \hat{k}.\hat{i} + A_z B_y \hat{k}.\hat{j} + A_z B_z \hat{k}.\hat{k}...(12-1)$

وبتطبيق تعريف الضرب القياسي على متجمات الوحدة الأساسية نبدأن:

$$\hat{i}.\hat{j} = \hat{j}.\hat{j} = \hat{k}.\hat{k} = 1$$

المند

$$\hat{i} \cdot \hat{j} = \hat{i} \cdot \hat{k} = \hat{j} \cdot \hat{i} = \hat{j} \cdot \hat{k} = \hat{k} \cdot \hat{i} = \hat{k} \cdot \hat{j} = 0$$

وعليه فإن المعادلة (11 - 12) تأخذ الصيغة التالية :

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z ... (13-1)$$

علا مطة :- يتضع لنا بأنه في حالة الضربم القياسي :

$$\vec{A}.\vec{B} = \vec{B}.\vec{A}$$

عثال 1 - 4 : إذا كان :

$$\vec{A} = \hat{i} + 2\hat{j} - 2\hat{k}$$

$$\vec{B} = 3\hat{i} - 4\hat{k}$$

إحسب : -

$$\vec{A} \cdot \vec{B} - 1$$

$$\vec{B}$$
 ومقدار \vec{A} ومقدار -2

$$\vec{B}$$
 و \vec{A} و عند المتجمين \vec{A} و عند -3

الحل :-

$$: ec{B}$$
 و $ec{A}$ إيجاد حاصل الضربم القياسي للمتجمين $ec{A}$ و $ec{B}$

بإستخدام المعادلة (1 – 13) :

$$\vec{A}.\vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z ... (13-1)$$

$$\vec{A} \cdot \vec{B} = (1)(3) + (2)(0) + (-2)(-4)$$

$$\vec{A}.\vec{B} = 11$$

2 – إيجاد مهدار كل متجه:

بإستخدام المعادلة (1 – 4):

 $: \overrightarrow{A}$ بالنسبة للمتجه

$$|\vec{A}| = \sqrt{{A_x}^2 + {A_y}^2 + {A_z}^2}$$

$$|\vec{A}| = \sqrt{(1)^2 + (2)^2 + (-2)^2}$$

$$|\vec{A}| = 3units$$

 $: \stackrel{
ightarrow}{B}$ أما بالنسبة المتجه

$$|\vec{B}| = \sqrt{{B_x}^2 + {B_y}^2 + {B_z}^2}$$

$$|\vec{B}| = \sqrt{(3)^2 + (0)^2 + (-4)^2}$$

$$|\vec{B}| = 5units$$

3 - إيجاد مقدار الزاوية بين المتجمين :

بإستخدام المعادلة (11 -1) :

$$\theta = \cos^{-1} \frac{\vec{A} \cdot \vec{B}}{|A||B|} ... (11-1)$$

(1) من خلال الفقرة
$$\vec{A}.\vec{B}=11$$

$$(2)$$
 من خلال الفقرة $\therefore \left| \vec{A} \right| \left| \vec{B} \right| = 15$ عن خلال الفقرة

وبتعويض القيم الناتجة أعلاه فيي المعادلة (1-1) نحصل على :

$$\theta = \cos^{-1} \frac{11}{15}$$

 $\therefore \theta = 42.8^\circ$ قيمة الزاوية بين المتبمين

(Cross or Vector product of Vectors) الحربم الإنهامي المتهمابي (2-5-2-

يُعرَّف الضربم الإتجاهيي كالتاليي :

$$\vec{A} \times \vec{B} = |A||B| \sin \theta ... (14-1)$$

ديث أن:-

|A| . |A| . مهدار المتجه

|B| . مهدار المتجه

. الزاوية الصغرى بين المتجمين \vec{A} و \vec{B} أو إمتدا حمما . heta

الإيباد الخرب الإتبامي $\vec{A}x\vec{B}$ بدلالة مركباتهما فإننا نعوّض عن \vec{A} و \vec{B} كما يلي :

$$\vec{A}x\vec{B} = (A_x\hat{i} + A_y\hat{j} + A_z\hat{k})x(B_x\hat{i} + B_y\hat{j} + B_z\hat{k})$$

$$\vec{A}x\vec{B} = A_x B_x \hat{i}x\hat{i} + A_x B_y \hat{i}x\hat{j} + A_x B_z \hat{i}x\hat{k} + A_y B_x \hat{j}x\hat{i} + A_y B_y \hat{j}x\hat{j} + A_y B_z \hat{j}x\hat{k} + A_z B_x \hat{k}x\hat{i} + A_z B_y \hat{k}x\hat{j} + A_z B_z \hat{k}x\hat{k}...(15-1)$$

وبتطبيق تعريف الضرب التقاطعي (مع الإتباه) على متجمات الوحدة الأساسية نبدأن:

$$\hat{i}x\hat{i} = \hat{j}x\hat{j} = \hat{k}x\hat{k} = 0$$

سنما

$$\hat{i}x\hat{j} = \hat{k} \qquad \hat{j}x\hat{k} = \hat{i} \qquad \hat{k}x\hat{i} = \hat{j}$$

9

$$\hat{i}x\hat{k} = -\hat{j} \qquad \hat{k}x\hat{j} = -\hat{i} \qquad \hat{j}x\hat{i} = -\hat{k}$$

وعليه هإن المعادلة (1- 15) تأخذ الصيغة التالية :

$$\vec{A}x\vec{B} = (A_yB_z - A_zB_y)\hat{i} + (A_zB_x - A_xB_z)\hat{j} + (A_xB_y - A_yB_x)\hat{k}...(16-1)$$

مُلْمِطُة :- يَتِصْعُ لَمَا بأَنِهُ فِي عَالَةَ الضَرِبِ الْإِبْجَاهِي :

$$\vec{A}x\vec{B} = -\vec{B}x\vec{A}$$

د اخان : **5 - 1 اخا**

$$\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}$$

$$\vec{B} = \hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$$

$$-:$$
 إحسبه كحل من $\vec{A} - 3\vec{B} - 1$

$$2\vec{A} - 3\vec{B} = 2(2\hat{i} + 3\hat{j} + \hat{k}) - 3(\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k})$$

$$2\vec{A} - 3\vec{B} = 4\hat{i} + 6\hat{j} + 2\hat{k} - 3\hat{i} + 6\hat{j} - 6\hat{k}$$

$$2\vec{A} - 3\vec{B} = \hat{i} + 12\hat{j} - 4\hat{k}$$

 \vec{B} مهدار \vec{A} ومهدار -2

$$|\vec{A}| = \sqrt{{A_x}^2 + {A_y}^2 + {A_z}^2}$$

$$|\vec{A}| = \sqrt{(2)^2 + (3)^2 + (1)^2}$$

$$|\vec{A}| = \sqrt{14} units$$

$$\left| \vec{B} \right| = \sqrt{{B_x}^2 + {B_y}^2 + {B_z}^2}$$

$$|\vec{B}| = \sqrt{(1)^2 + (-2)^2 + (2)^2}$$

$$|\vec{B}| = 3units$$

 \vec{B} و \vec{A} الزاوية بين المتبمين \vec{A} و =3

$$\theta = \cos^{-1} \frac{\vec{A}.\vec{B}}{|A||B|}...(11-1)$$

$$\theta = \cos^{-1} \frac{A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z}{|A||B|}$$

$$\theta = \cos^{-1} \frac{(2)(1) + (3)(-2) + (1)(2)}{3\sqrt{14}}$$

$$\theta = \cos^{-1} \frac{-2}{3\sqrt{14}}$$

$$\therefore \theta = 100.3^{\circ}$$

 $\vec{S} \cdot \vec{A} \times \vec{B} = 4$

$$\vec{A}x\vec{B} = (A_{y}B_{z} - A_{z}B_{y})\hat{i} + (A_{z}B_{x} - A_{x}B_{z})\hat{j} + (A_{x}B_{y} - A_{y}B_{x})\hat{k}...(16-1)$$

$$\vec{A}x\vec{B} = [(3)(2) - (1)(-2)]\hat{i} + [(1)(1) - (2)(2)]\hat{j} + [(2)(-2) - (3)(1)]\hat{k}$$

$$\vec{A} \times \vec{B} = 8\hat{i} - 3\hat{j} - 7\hat{k}$$

 $\vec{A}x\vec{B}$ متجه الوحدة في الإتجاه – 5

$$\hat{u}_{\vec{A}\vec{x}\vec{B}} = \frac{\vec{A}\vec{x}\vec{B}}{\left|\vec{A}\vec{x}\vec{B}\right|}$$

$$\hat{u}_{\bar{A}x\bar{B}} = \frac{8\hat{i} - 3\hat{j} - 7\hat{k}}{\sqrt{(8)^2 + (-3)^2 + (-7)^2}}$$

$$\hat{u}_{\bar{A}x\bar{B}} = \frac{8\hat{i} - 3\hat{j} - 7\hat{k}}{\sqrt{122}}$$

 \vec{B} متجه الوحدة في الإتجاء – 6

$$\vec{A}x\vec{B} = -\vec{B}x\vec{A}$$

$$\hat{u}_{\vec{A}x\vec{B}} = -\hat{u}_{\vec{B}x\vec{A}}$$

$$\hat{u}_{\vec{B}x\vec{A}} = -\frac{8\hat{i} - 3\hat{j} - 7\hat{k}}{\sqrt{122}}$$

دن : إحسب قيمة (x) التي تبعل المتبهيين التاليين متعامدين :

$$\vec{A} = 2\hat{i} + 3\hat{j} + x\hat{k}$$

$$\vec{B} = -\hat{i} - 2\hat{j} + 2\hat{k}$$

الحل :-

. ($\frac{\pi}{2}$ = 90°) بها أن المطلوب أن يكون المتبعان متعامدين فالزاوية بينهما تساوي

$$\vec{A}.\vec{B} = |A||B|\cos\theta...(10-1)$$

$$\vec{A}.\vec{B} = A_x B_x + A_y B_y + A_z B_z = 0$$

$$(2)(-1) + (3)(-2) + 2x = 0$$

$$2x = 8$$

x=4 قيمة (x) التي تبعل المتبميين متعامدين

مسائل الغدل الأول (Vectors) المتبعائد ((1))

> س ا ا إذا كان :

$$\vec{C} = 4\hat{i} + 3\hat{j} + 2\hat{k}$$
 s $\vec{B} = -2\hat{i} + 2\hat{j} + 3\hat{k}$ s $\vec{A} = 5\hat{i} + 4\hat{j} - 6\hat{k}$

 (\vec{C}) و (\vec{B}) و (\vec{A}) عن المتبهات (\vec{A}) و (\vec{B})

 $\vec{A} - 2\vec{B}$ إحسب مهدار $\vec{A} - 2\vec{B}$ ؟

$$||\vec{A} - 2\vec{B} = 19\hat{i} + 8\hat{j} - 24\hat{k}|$$
 $||\vec{C}| = \sqrt{29}units$ $||\vec{B}| = \sqrt{17}units$ $||\vec{A}| = \sqrt{77}units$ $||\vec{A}| = \sqrt{77}units$

 2 ي إذا كانه مركبات المتجمين $(ec{A}\,)$ و $(ec{B}\,)$ مي 2

$$A_x = 3 \cdot A_y = 1.5 \ B_x = 0.5 \cdot B_y = 2$$

 \vec{B} و \vec{A} إحسب الزاوية بين المتجمين إ

 $\theta=49.45^{\circ}$: الإجابة

ا إذا كان: ³

$$\vec{B} = 9\hat{i} + 20\hat{j} + 12\hat{k}$$
 \Rightarrow $\vec{A} = 2\hat{i} - \hat{j} + 2\hat{k}$

 $\cdot (ec{A})$ المو متجه المحدة فيي إتجاه $\cdot 1$

 $^{\circ}$ ($ec{B}$) المرحدة فيي إتجاه $^{\circ}$ -2

$$\hat{u}_{ec{B}} = 0.36\hat{i} + 0.8\hat{j} + 0.48\hat{k}$$
 $\hat{u}_{ec{A}} = 0.6\hat{i} - 0.3\hat{j} + 0.6\hat{k}$: الإجابة

س ⁴ : إذا كان :

$$\vec{B} = 4\hat{i} + x\hat{j} \qquad \mathbf{s} \qquad \vec{A} = 2\hat{i} - \hat{j}$$

أوبد قيمة (x) والتي تبعل المتبمين متعامدين مع بعضمما البعض ؟

x=8 : الإجارة

. إذا كان : ا

$$\vec{B} = \hat{i} - 3\hat{j} - \hat{k}$$
 \Rightarrow $\vec{A} = 3\hat{i} - \hat{j} + \hat{k}$

 $\vec{A} - \vec{B} + \vec{C} = 0$ إحسبه المتجه (\vec{C}) بحيث أن

 $|ec{C} = -2\hat{i} - 2\hat{j} - 2\hat{k}|$: الإجابة