

Q1: The circuit shown in figure (1) has $\beta=100$, $h_{ie1}=2k\Omega$ and $h_{ie2}=2.5k\Omega$ 35 Mark
Calculate:

1. The lower cutoff frequency? 15
2. The frequency at which the gain drops to 50% of its maximum value? 2.5
3. How can you make the lower cutoff frequency is 200Hz? 2.8
4. What is the advantage of this connection? 5

Q2: a) For the circuit shown in figure (2) has $\beta=200$, calculate: 30 Mark

1. The values of R_2 and R_{c4} , if we assume Q_1 and Q_2 are matched? 10
2. The power dissipation in this circuit? 10
3. The output impedance? 10

- b) 1. Explain, how can be used the FET transistor as a constant current source? 15 Mark
2. For the differential amplifier circuit, we usually use the constant current source instead of R_E , why?

Q3: For the multistage amplifier $A_{v_{overall}}=64000$, find the number of identical stages. 20 Mark
If the voltage gain (A_v) for each stage is 40.

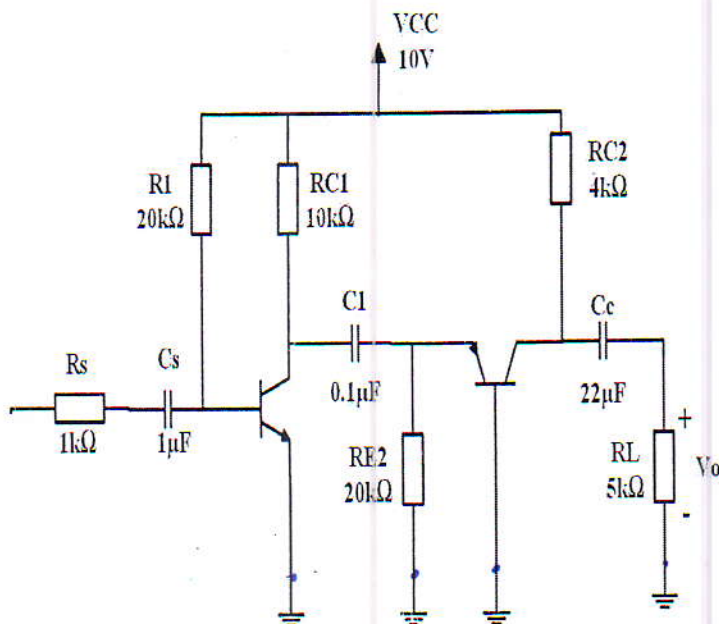


Fig (1)

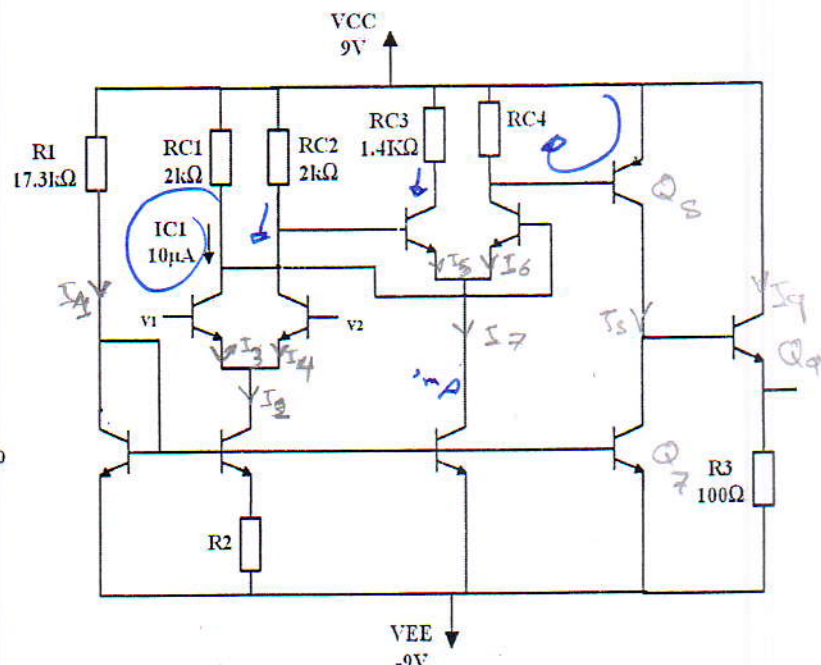
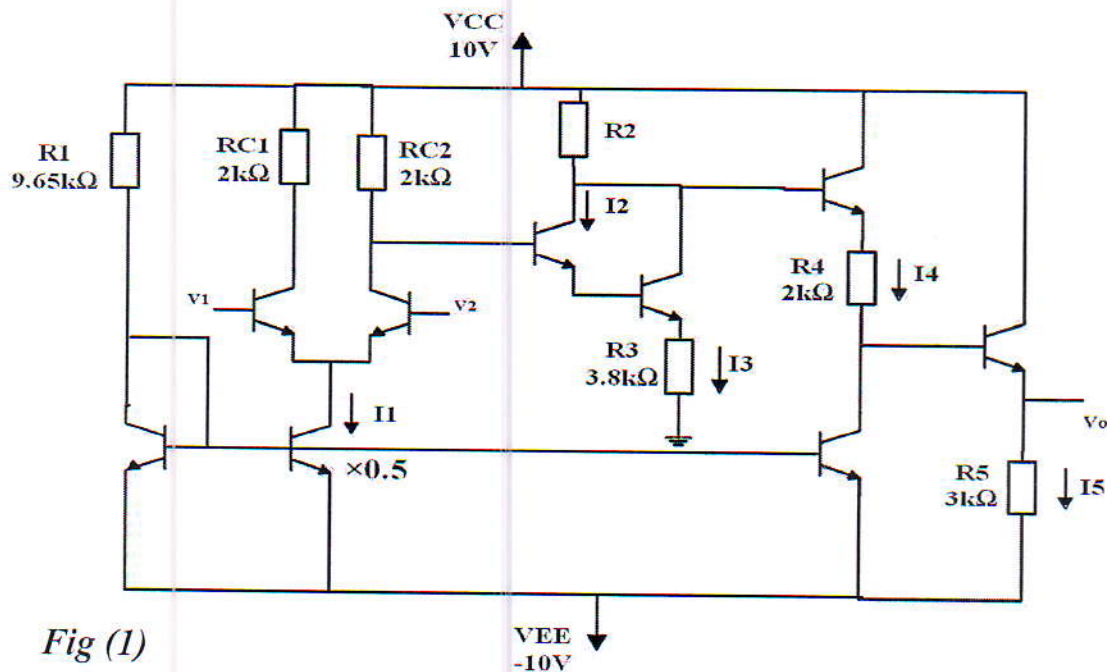


Fig (2)

Q1: a) The circuit shown in figure (1) has $\beta=100$ for each transistor, calculate: 1. Current in each indication? 2. Input and output impedance? 3. R_2 value which makes the output voltage swing to zero?



25 Mark

Fig (1)

b) 1. Why the Widlar current source is more proper than current mirror in the IC technology? 2. Explain the importance of common mode gain (A_c) and Slew Rate (SR) for the operational amplifier? 3. For the operational amplifier, we can assume that $BW=f_c$, Why?

Q2: Design an operational amplifier circuit that produce an output given by $V_o = 2.5V_1 + 3V_2' - 6V_3$. If $V_1 = |-0.5\cos x|$, $V_2 = 3t - 2$, $V_3 = 3$, sketch the output voltage waveform?

30 Mark

Q3: For circuit shown in figure (2), determine the output voltage?

30 Mark

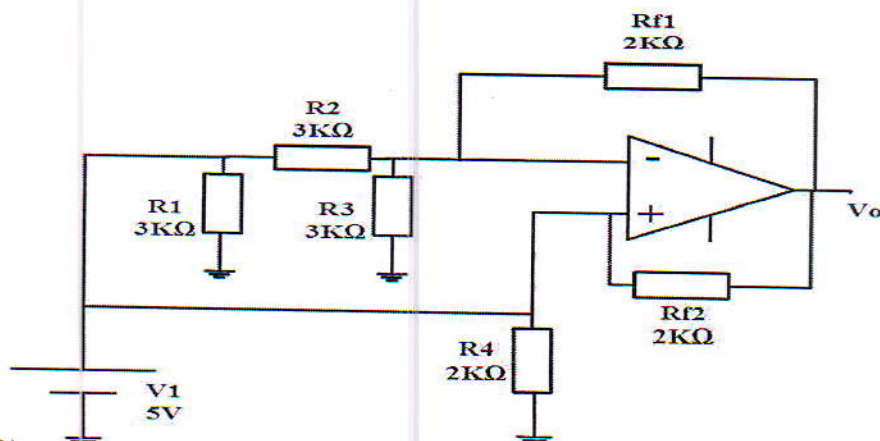


Fig (2)

①

حل المسألة السابقة، الثاني:

Q1:

$$\textcircled{1} \quad I_{ref} = \frac{10 + 10 - 0.7}{9.65k} = \boxed{2mA}$$

$$I_1 = 0.5 * I_{ref} = 0.5 * 2mA = \boxed{1mA}$$

$$I_{RC1} = I_{RC2} = \frac{1mA}{2} = \boxed{0.5mA}$$

$$I_3 = \frac{V_{CC} - 0.7 - 0.7 - (2k\Omega)(0.5mA)}{(3.8k)} = \boxed{2mA}$$

$$I_2 = \frac{I_3}{\beta+1} \approx \frac{I_3}{\beta} \Rightarrow I_2 = \frac{2mA}{101} = \boxed{19.8\mu A} \approx \boxed{20\mu A}$$

$$I_{R2} = I_2 + I_3 + \frac{I_4}{\beta+1} \Rightarrow I_4 = I_{ref} = \boxed{2mA}$$

$$I_5 = \frac{V_{EE}}{3k} = \boxed{3.33mA}$$

$$\textcircled{2} \quad I_{R2} = 20\mu + 2m + \frac{2m}{\beta+1} \approx \boxed{2.04mA}$$

$$R_2 = \frac{V_{CC} - 0.7 - 0.7 - R_4 + I_4}{I_{R2}} \Rightarrow$$

$$\hookrightarrow R_2 = \frac{10 - 1.4 - (2k)(2m)}{2.04m} \approx \boxed{2.255K\Omega}$$

②

$$R_{in \& diff}) = 2\beta r_e = 2(100) \left(\frac{25 \text{ mV}}{0.5 \text{ mA}} \right) = \boxed{10 \text{ k}\Omega}$$

or $\boxed{10.4 \text{ k}\Omega}$
for 26 mV

$$R_o = \left(\frac{\frac{R_2 + h_{ie4}}{\beta} + R_4 + h_{ie5}}{\beta} \right) \parallel R_5$$

$$h_{ie4} = \beta r_{e4} = 100 \left(\frac{25 \text{ mV}}{2 \text{ mA}} \right) = \boxed{1.25 \text{ k}\Omega}$$

$$h_{ie5} = \beta r_{e5} = 100 \left(\frac{25 \text{ mV}}{3.33 \text{ mA}} \right) = \boxed{750 \Omega}$$

بعد تعويض القيم حصل

$$\Rightarrow R_o = \boxed{27.59 \Omega}$$

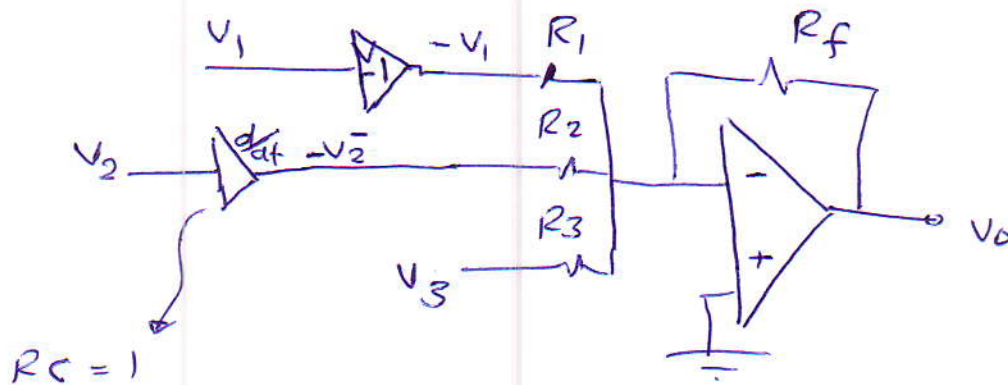
(3)

Q23

$$V_o = 2.5 V_1 + 3 V_2 - 6 V_3, \quad V_1 = |-0.5 \cos t|$$

$$V_2 = 3t - 2; \quad \boxed{V_3 = 3}$$

لدينا ثلاث ادخالات اذن يجب ان نجمع هذه الـ فولتيات بالشكل Summing



Let $C = 10 \mu F$ and $R = 100 k\Omega$

$$\Rightarrow RC = \boxed{1} \quad V_o = -RC \frac{dV_i}{dt}$$

Let $R_f = \boxed{12 k\Omega}$

$$V_3 \text{ gain } \Rightarrow \boxed{6} V_3 \Rightarrow 6 = \frac{R_f}{R_3} \Rightarrow 6 = \frac{12k}{R_3}$$

$$\therefore R_3 = \boxed{2 k\Omega}$$

$$V_2 \text{ gain } \Rightarrow \boxed{3} V_2 \Rightarrow 3 = \frac{R_f}{R_2} \Rightarrow 3 = \frac{12k}{R_2} \therefore R_2 = \boxed{4 k\Omega}$$

$$\text{gain } V_1 \Rightarrow \boxed{2.5} V_1 \Rightarrow 2.5 = \frac{R_f}{R_1} \Rightarrow R_1 = \frac{12k}{2.5} = \boxed{4.8 k\Omega}$$

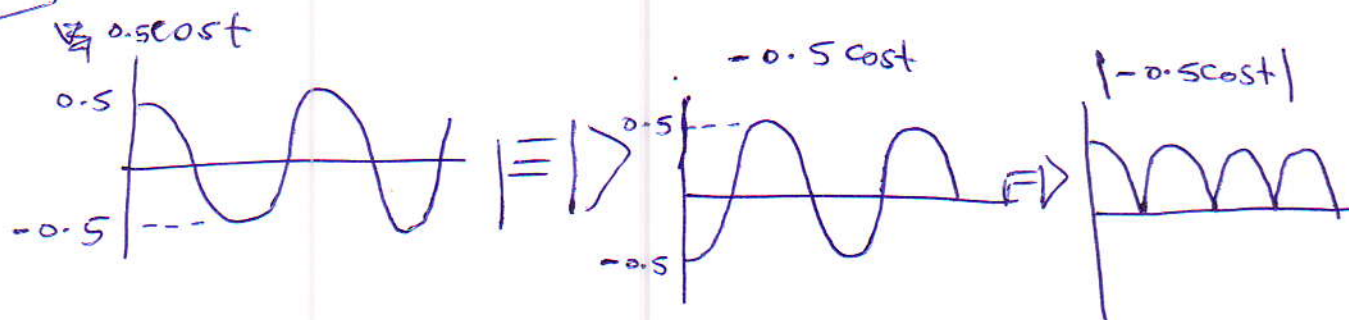
النتيجة

(4)

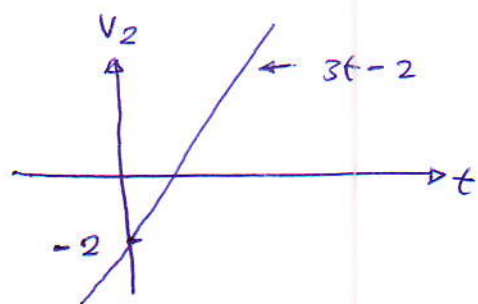
$$V_0 = 2.5V_1 + 3\bar{V}_2 - 6V_3; \quad V_1 = |-0.5\cos t|; \quad V_2 = 3t - 2$$

$$V_3 = 3$$

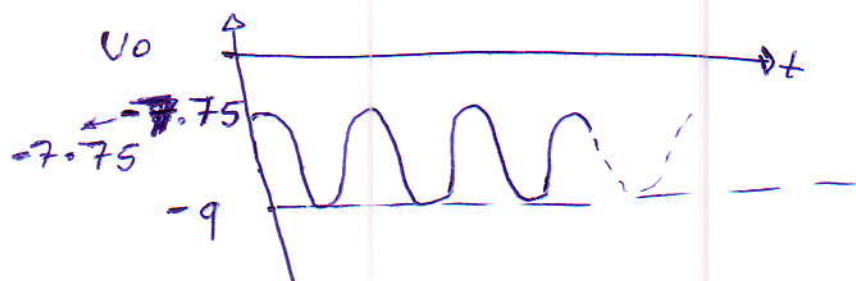
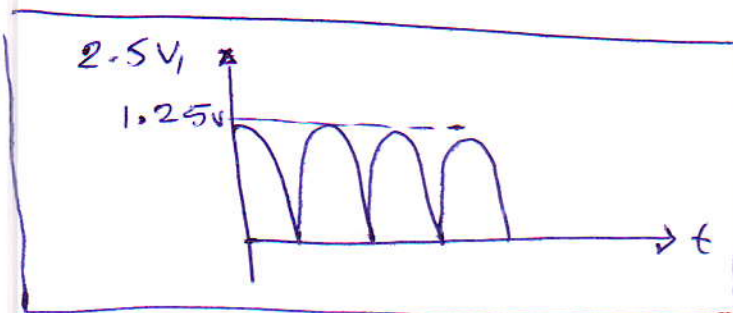
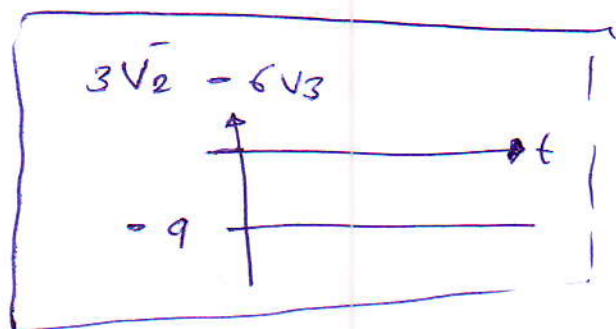
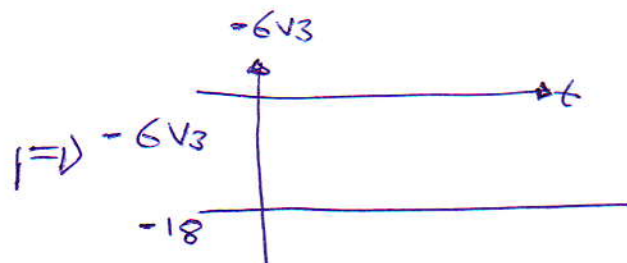
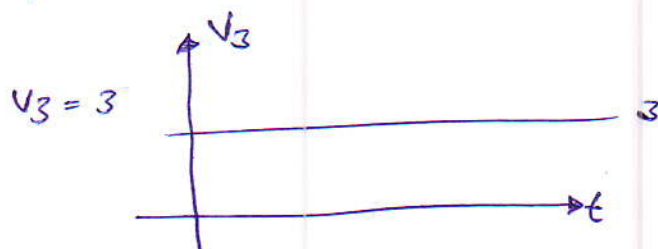
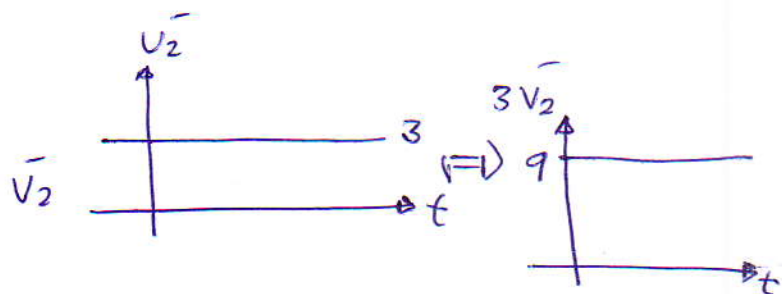
V_1



$$V_2 = 3t - 2 \Rightarrow \bar{V}_2 = 3$$

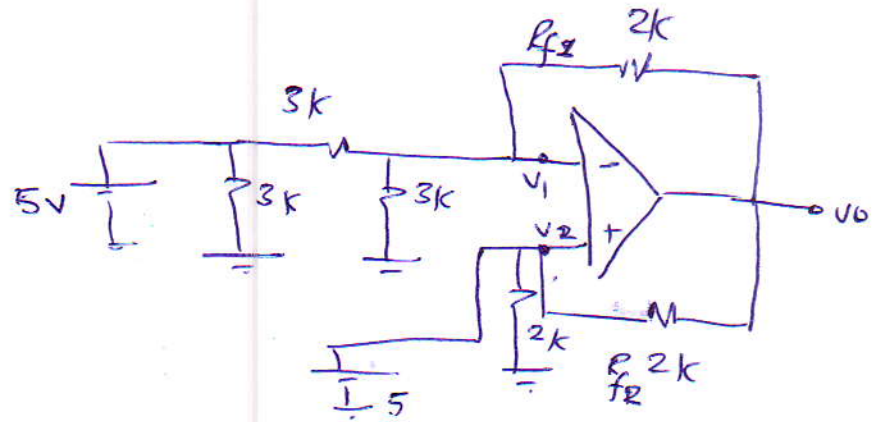


$\Rightarrow$



Q33

5



① الخطوة الأولى نستخرج نقل الحاضر

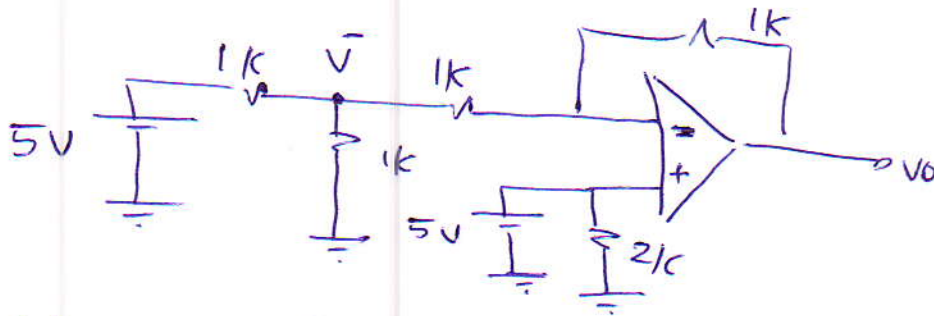
② $V_2 = V_1$ وبالتالي نستخرج نقل R_{f2} الى نقطة V_1 $V_0 = A(V_2 - V_1)$ $\Leftarrow$

لذلك يكون $R_{f2} \parallel R_{f1}$ $1k\Omega = (2k \parallel 2k)$

③ بالاعتماد تحويل الـ 5 الى 0

$$R_T = \frac{3k}{3} = 1k\Omega$$

④ نرسم الدائرة بعد الترتيبات الجديدة



$$\bar{V} = \frac{5V \times 1k}{1k + 1k} = 2.5V$$

By using Superposition $\bar{V}$ and

$$V_{01} = 2.5 \times \left(-\frac{1k}{1k} \right) = -2.5V$$

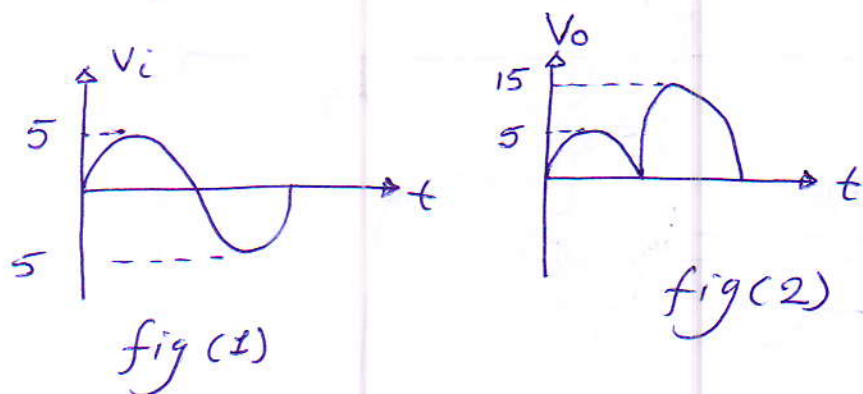
$$V_{02} = 5V \left(1 + \frac{1k}{1k} \right) = 10V$$

$$V_0 = V_{01} + V_{02} = -2.5V + 10V = 7.5V$$

Q1: Design an op-Amp circuit that produce an o/p given by $V_o = \frac{2}{6} \int V_1 + 7 V_o - \frac{5}{2} V_2$;

(30 mark)

Q2: ① Design an op-Amplifier circuit that produce an o/p given as fig(2) ; If the i/p signal given as fig(1)



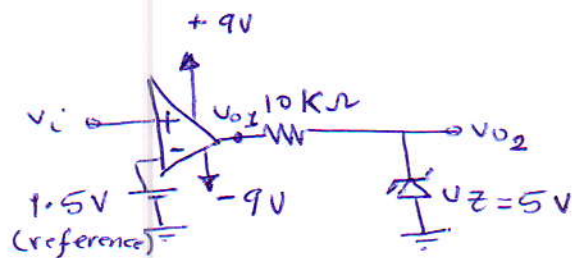
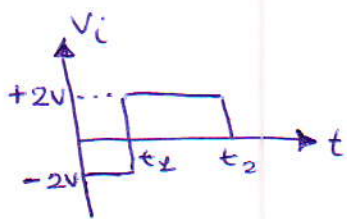
(30 mark)

⑥ ① The op-Amplifier ~~circuit~~ schematic has four stages; explain these stages with details?

② Why the Transistor-Zener current source is more stable than the Bipolar transistor current source

(15 mark)

Ex: Find the output signal for the following circuit?



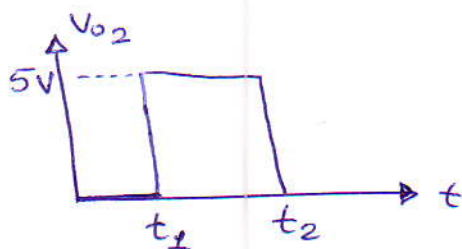
Solution:

for $0 \leq t \leq t_1$, $\Rightarrow V_i = -2V$ and $V_i < 1.5V \Rightarrow V_{o1} = -9V$

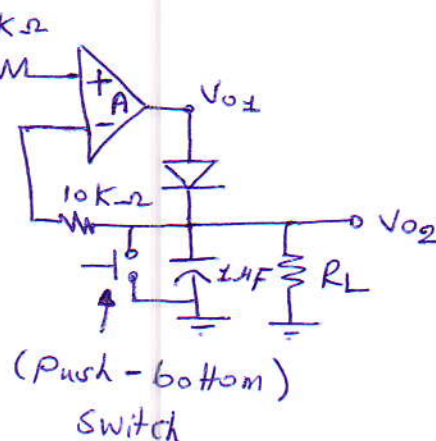
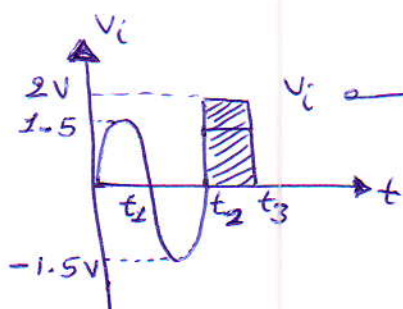
$\Rightarrow$ Zener diode is a forward bias (short circuit) $\Rightarrow V_{o2} = \text{Zero Volt}$

for $t_1 \leq t \leq t_2$, $\Rightarrow V_i = +2V > 1.5V \Rightarrow V_{o1} = +9V$

$\Rightarrow$ Zener diode is a reverse bias $\Rightarrow V_{o2} = V_Z = 5V$



Ex: Draw V_o waveform corresponding to the following i/p signal?



(Peak detector)
كاشف الذروة

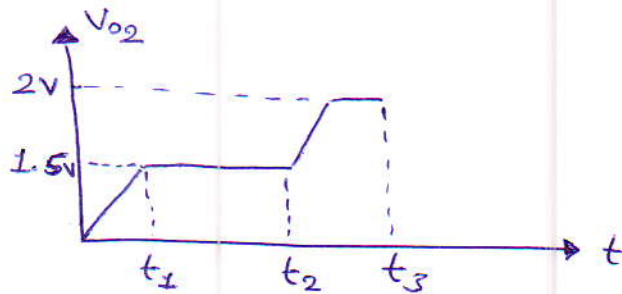
لبيع

Solution:

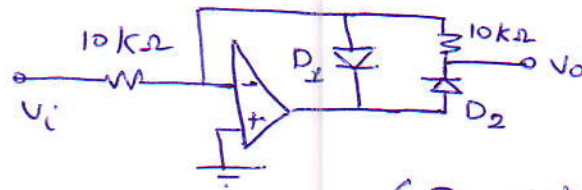
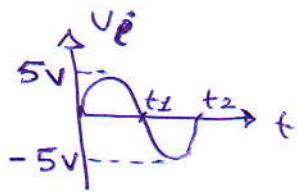
for $0 \leq t \leq t_1 \Rightarrow$ diode is "ON" $\Rightarrow$ the capacitor is charge by $1.5V$

for $t_1 \leq t \leq t_2 \Rightarrow$ diode is "off" $\Rightarrow$ the Cap. keeps of charge.

for $t_2 \leq t \leq t_3 \Rightarrow$ diode is "ON" $\Rightarrow$ the Cap. is more charge.



Ex: Draw V_o waveform for the given circuit configuration?

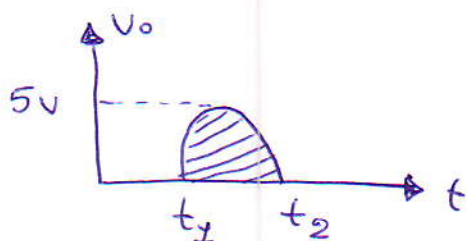


(Precision half-wave Amplifier).

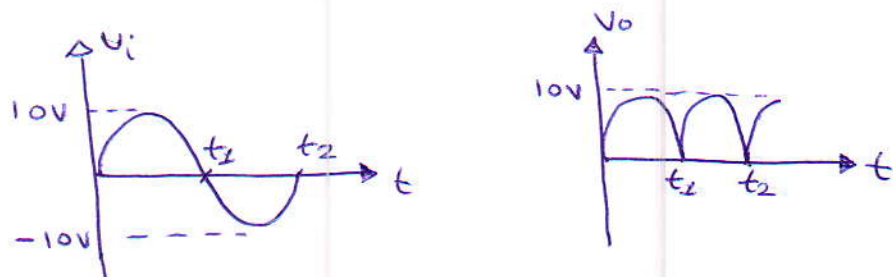
Solution:

for $0 \leq t \leq t_1 \Rightarrow D_1$ is "ON" and D_2 is "off" $\Rightarrow V_o = \text{Zero Volt}$

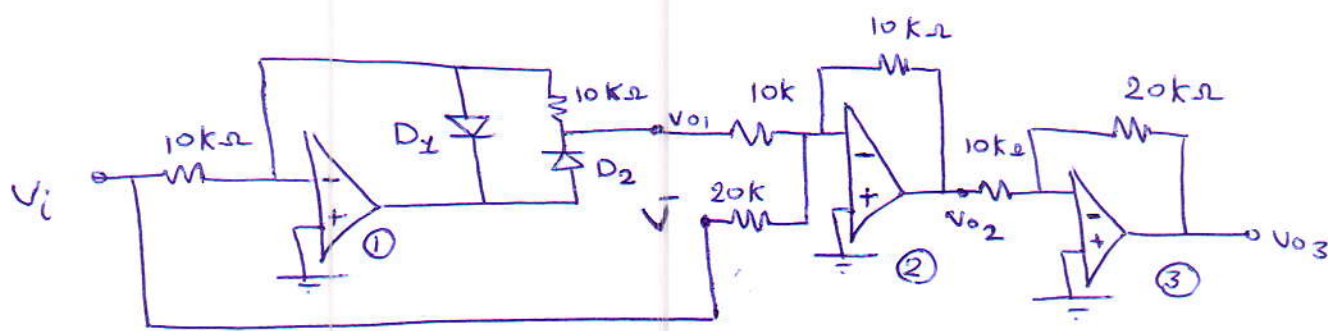
for $t_1 \leq t \leq t_2 \Rightarrow D_1$ is "off" and D_2 is "ON" $\Rightarrow V_o = -V_i = 5V$



Ex: Design a full wave amplifier circuit to give an o/p signal from i/p shown below.



Solution:



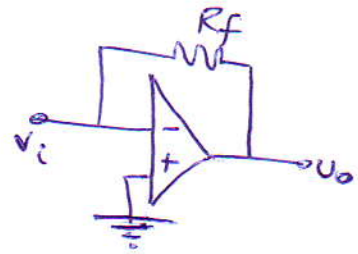
(Precision full-Wave Amplifier)

* في الحالة الاولى عندما تكون موجبة الإدخال موجبة ($0 \leq t \leq t_1$) فإن المدة الاولى يكون
الفرع لها صف ($V_{o1} = 0$) ولكن $10V = V$ لذلك فإن V_{o2} يساوي $(-5V)$ لأن $-\frac{R_f}{R_i}$
يساوي $(-\frac{1}{2})$ ومن ثم إلى المدة الثانية التي يكون الكسب لها (-2) وبالتالي تكون نتيجة
ال (V_{o3}) يساوي $(-2 * -5) = 10V$

* في الحالة الثانية عند $(t_1 \leq t \leq t_2)$: فإن V_{o1} يساوي $(+10V)$ و V يساوي $-10V$ وبالتالي
فإن V_{o2} يساوي $(-5V)$ و V_{o3} يساوي $(+10V)$

Ex: For the circuit shown below; find

- ① $\frac{V_o}{i_i}$ at $A = \infty$ (infinite)
- ② $\frac{V_o}{i_i}$ at A is a finite value



Solution:

①

$$V_o = A (V_2 - V_1) \quad V_2 = 0 \text{ and } A = \infty$$

(+) (-)

$$V \Rightarrow \frac{V_o}{A} = V_2 - V_1 \Rightarrow \boxed{V_2 = V_1 = 0} \text{ virtual ground}$$

$$V_o = V_1 - i_i R_f \Rightarrow \boxed{\frac{V_o}{i_i} = -R_f} \text{ as tunnel diode}$$

②

$$V_o = A (V_2 - V_1) \quad V_2 = 0$$

$$V \Rightarrow \boxed{V_1 = -\frac{V_o}{A}}$$

$$V_o = V_1 - R_f i_i \Rightarrow V_o = -\frac{V_o}{A} - i_i R_f$$

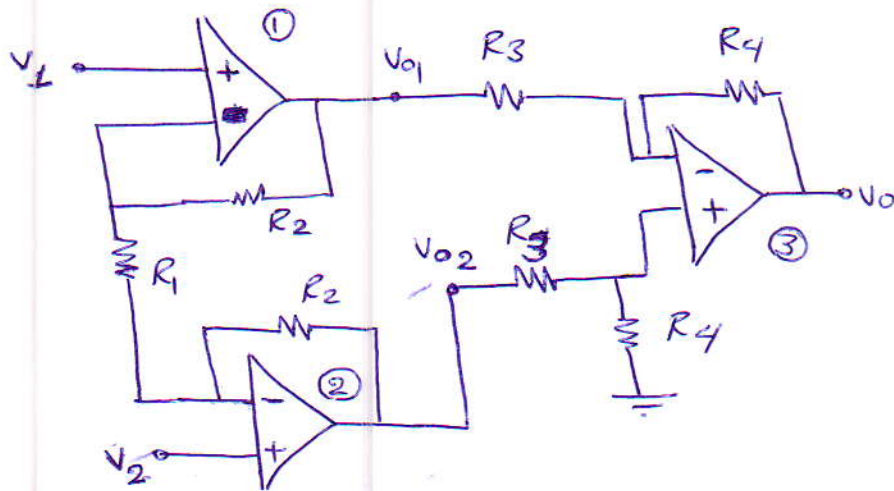
$$V \Rightarrow i_i = \left(-\frac{V_o}{A} - V_o\right) / R_f \Rightarrow i_i = -V_o \left(\frac{1}{A} + 1\right) / R_f$$

$$F \Rightarrow \boxed{\frac{V_o}{i_i} = \frac{-R_f}{\left(1 + \frac{1}{A}\right)}}$$

Instrumentation Amplifier:

* Very high input impedance because of non-Inverting amplifier is used (Voltage-series (F.B))

* سيتم هذا النوع من المكبرات في أجهزة القياس وكذلك في الأجهزة المصغرة (المصانع الحلاقة) حيث يتميز بانه عالي الكسب مع A_c قليل جداً قريب من الصفر وبالتالي فان CMRR يكون عالي لذلك فان دقة القياس تكون عالية جداً. حيث يكون من ثلاثة مكبرات (op-amp) من I_c واحد.



* يتم تصنيع المرحلة الأولى ① والمرحلة الثانية ② بصورة متوازنة جداً (matched) بحيث A_c لهما يكون قليل جداً وبالتالي تكون $CMRR$.

نتج

By using superposition

① $V_2 = 0$

$$V_{o1}^- = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_1 \quad \text{and} \quad V_{o2}^- = \left(-\frac{R_2}{R_1}\right) V_1$$

② $V_1 = 0$

$$V_{o1}^+ = \left(-\frac{R_2}{R_1}\right) V_2 \quad \text{and} \quad V_{o2}^+ = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_2$$

$$\Rightarrow V_{o1} = V_{o1}^- + V_{o1}^+ = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_1 - \left(\frac{R_2}{R_1}\right) V_2$$

$$\text{and } \Rightarrow V_{o2} = V_{o2}^- + V_{o2}^+ = \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_2 - \left(\frac{R_2}{R_1}\right) V_1$$

at stage three (③) (Subtractor Amplifier)

by using superposition: ① $V_{o2} = 0$

$$\Rightarrow V_o^- = V_{o1}^+ \left(-\frac{R_4}{R_3}\right) = \left(-\frac{R_4}{R_3}\right) \left[\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_1 - \left(\frac{R_2}{R_1}\right) V_2\right]$$

② $V_{o1} = 0 \Rightarrow V_o^+ = \left(\frac{R_4}{R_4 + R_3}\right) V_{o2} \left(1 + \frac{R_4}{R_3}\right)$ let $R_3 = R_4$

$$\Rightarrow V_o^+ = V_{o2} = \left[\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_2 - \left(\frac{R_2}{R_1}\right) V_1\right]$$

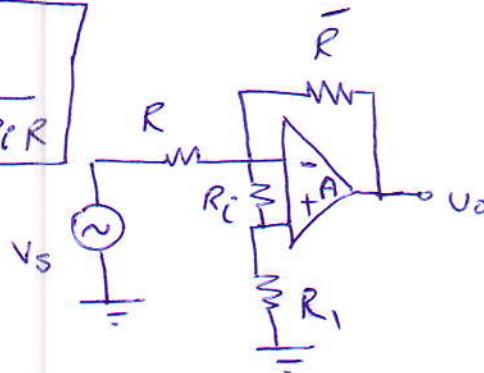
$$\begin{aligned} \Rightarrow V_o &= V_o^- + V_o^+ = -\left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_1 + \left(\frac{R_2}{R_1}\right) V_2 + \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) V_2 - \left(\frac{R_2}{R_1}\right) V_1 \\ &= \left(1 + \frac{R_2}{R_1}\right) (V_2 - V_1) + \left(\frac{R_2}{R_1}\right) (V_2 - V_1) \end{aligned}$$

$$\Rightarrow V_o = (V_2 - V_1) \left[1 + \frac{R_2}{R_1} + \frac{R_2}{R_1}\right] \Rightarrow V_o = \left(1 + \frac{2R_2}{R_1}\right) (V_2 - V_1)$$

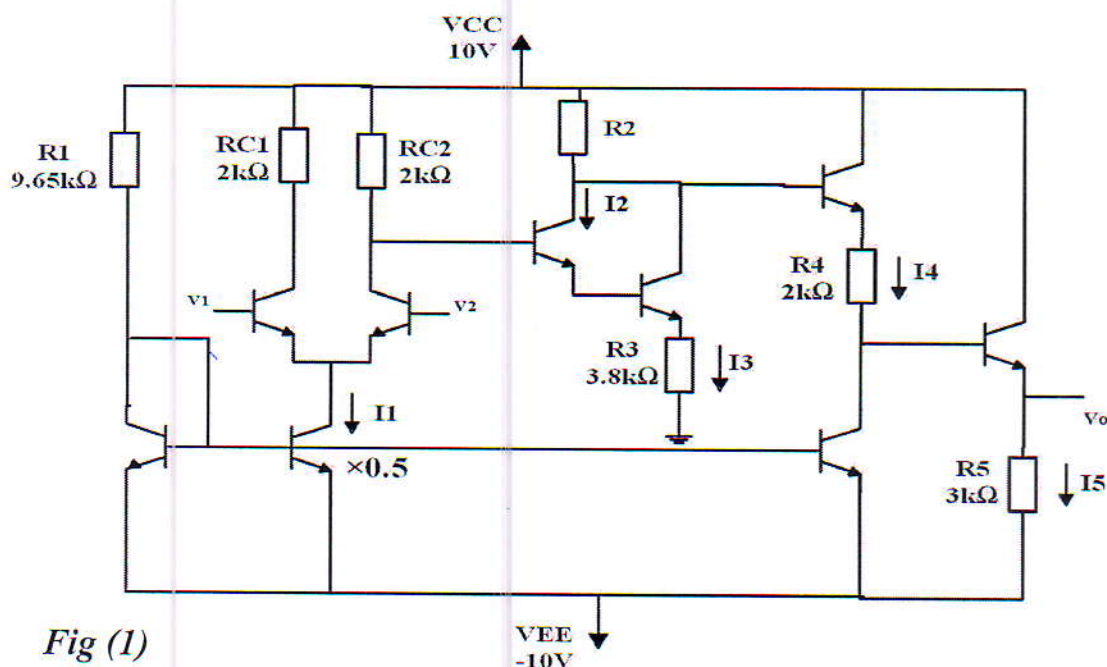
H.w.1 Design an op-Amp circuit that produce an output given by $V_o = 2V_1 - 5V_2 - 5 \int V_3 dt$

H.w.2 For the circuit shown below; show that

$$\frac{V_o}{V_s} = \frac{A R_i \bar{R}}{(R_1 + R_i)(R + \bar{R}) + R \bar{R} - A R_i R}$$



Q1: a) The circuit shown in figure (1) has $\beta=100$ for each transistor, calculate: 1. Current in each indication? 2. Input and output impedance? 3. R_2 value which makes the output voltage swing to zero?



25 Mark

b) 1. Why the Widlar current source is more proper than current mirror in the IC technology? 2. Explain the importance of common mode gain (A_c) and Slew Rate (SR) for the operational amplifier? 3. For the operational amplifier, we can assume that $BW=f_c$, Why?

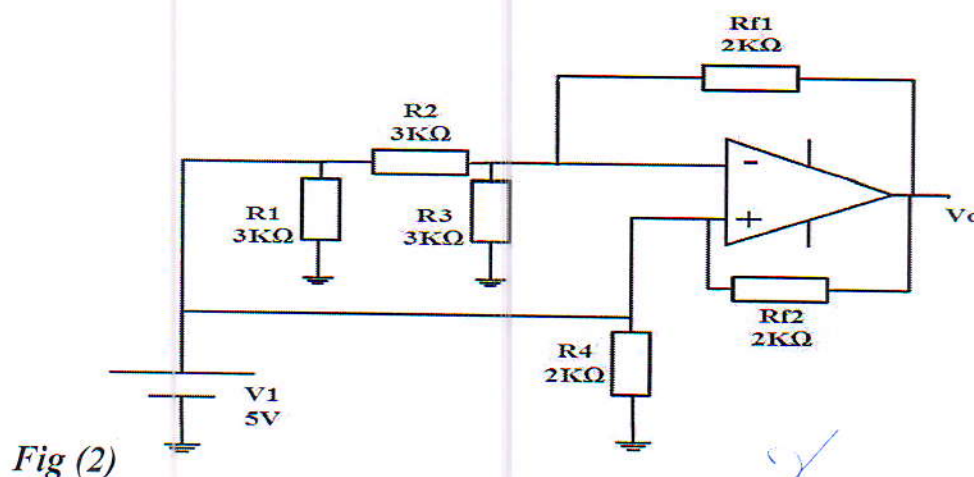
15 Mark

Q2: Design an operational amplifier circuit that produce an output given by $V_o = 2.5V_1 + 3V_2 - 6V_3$. If $V_1 = -0.5\cos x$, $V_2 = 3t - 2$, $V_3 = 3$, sketch the output voltage waveform?

30 Mark

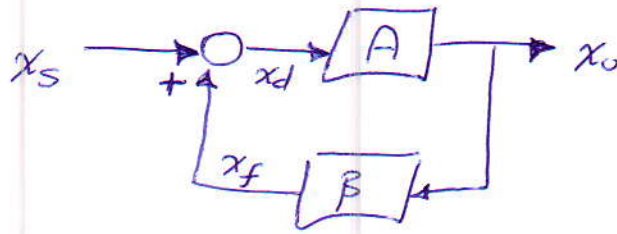
Q3: For circuit shown in figure (2), determine the output voltage?

30 Mark



Oscillator :

is an F.B amplifier circuit (Positive F.B) in which β network is a frequency dependent circuit. It gives A.C o/p Periodically with certain amplitude and frequency without any form of i/p signal.



$$x_d = x_s + x_f ; x_f = \beta x_o \quad \text{where} \quad x_o = A x_d$$

$$\Rightarrow x_o = A(x_s + x_f) = A(x_s + \beta x_o)$$

$$\therefore \boxed{\frac{x_o}{x_s} = \frac{A}{1 - A\beta}} ; \text{ if } A\beta = 1 \Rightarrow \frac{x_o}{x_s} = \infty$$

but $x_o \neq \infty \quad \therefore x_s = 0$ (without any i/p signal)

* Oscillation condition: (Barkhausen criterion)

- 1- Positive F.B
- 2- Unity $|BA|$ [i.e. $|BA| = 1$]
- 3- Zero Phase shift

* لكي نحقق هذه الشروط، لابد من تلبية الشروط التالية:
هذه الشروط الثلاثة هي التي يتم بناء دوائر التذبذب
على أساسها. حيث يجب أن تكون هذه الشروط الثلاثة
مستوفاة.

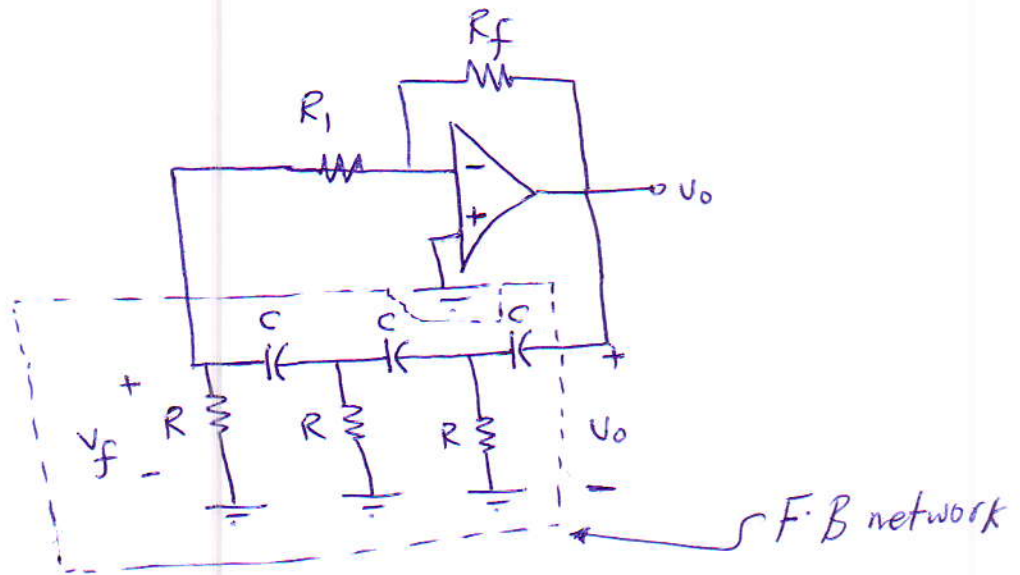
① RC oscillators

- * Phase shift oscillator
- * Wien Bridge oscillator

~ ~ ~

* Phase shift Oscillator:

1- Phase shift oscillator using operational amplifier:

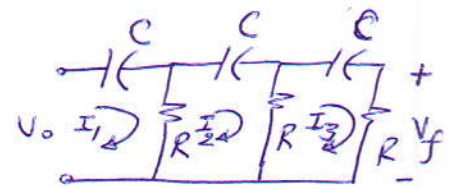


* في الملاحظة الأولى لفهم عمل دوائر التذبذب يمكن القول بأن هناك قنيت للضوضاء (noise) يخرج من مكبر الجهلات هذه القنيت هي بالاصل عبارة عن موجبة مربعة لانه المكبر في البداية يعمل عمل comparator لذلك نجد هذه الملاحظة يتم ترسيخ التردد المطلوب إخراج عند V_0 باستخدام المرشح RC (لا ننسى انهم يجب ان الموصلة المدخلة عبارة عن مجموعة تمعدن) حيث يتم اختيار اجلاها باستخدام المرشح (filtered)

* يتم ضبط قيم المقاومات (R) والمكثفات (C) قيم متساوية لبعضها البعض حيث ان قيم المقاومات (R) متساوية في دائرة الـ (+ve F.B) وكذلك المكثفات بالخطاف الى ان قيمته $X_C = \frac{1}{\sqrt{3}} R$ لغرض جعل كل مرحلة مع المتوازن لتعطي قنيت مدة طور 60° وبالتالي يكون المجموع الكلي هو 180° لغرض معادلة ثمة لطور الناتج مع الـ non inverting amp.

يتبع

$$\beta = \frac{V_f}{V_o} \quad (\text{Voltage-series})$$



$$I_1 \left(R + \frac{1}{j\omega C} \right) - I_2 R = V_o \quad \dots (1)$$

$$-I_1(R) + I_2 \left(2R + \frac{1}{j\omega C} \right) - I_3(R) = 0 \quad \dots (2)$$

$$-I_1(0) - I_2(R) + I_3 \left(2R + \frac{1}{j\omega C} \right) = 0 \quad \dots (3)$$

$$V_f = I_3 R \quad \dots (4) \quad \text{By solving equations (1, 2 and 3) and we get:}$$

$$\begin{bmatrix} V_o \\ 0 \\ 0 \end{bmatrix} = \begin{bmatrix} R + \frac{1}{j\omega C} & -R & 0 \\ -R & 2R + \frac{1}{j\omega C} & -R \\ 0 & -R & 2R + \frac{1}{j\omega C} \end{bmatrix} \begin{bmatrix} I_1 \\ I_2 \\ I_3 \end{bmatrix}$$

$$\beta = \frac{1}{\left(1 - \frac{5}{\omega^2 R^2 C^2} \right) - j \left(\frac{6}{\omega R} - \frac{1}{R^3 C^3 \omega^3} \right)}$$

For Zero Phase shift $\Rightarrow$ $j \text{ term} = \text{Zero}$

$$1 \Rightarrow -j \left(\frac{6}{\omega R} - \frac{1}{R^3 C^3 \omega^3} \right) = 0 \Rightarrow \frac{6}{\omega R} = \frac{1}{R^3 C^3 \omega^3}$$

$$\therefore \omega = \frac{1}{\sqrt{6} R C}$$

$$1 \Rightarrow f = \frac{1}{2\pi \sqrt{6} R C}$$

Substitution w equation in β equation and we get:

→ β

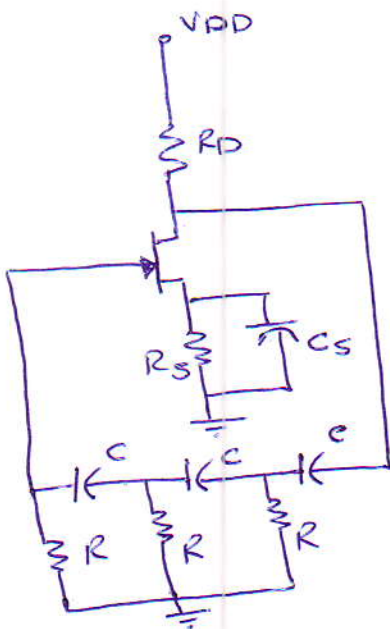
$$\beta = \frac{1}{(1 - \frac{5}{\omega^2 R^2 C^2})} = \frac{1}{(1 - \frac{R^2 C^2}{6 R^2 C^2})} = \boxed{-\frac{1}{29}}$$

For gain condition $|A\beta| = 1$ $\Rightarrow$ $\boxed{A = 29}$

$$FD\left(\frac{R_f}{R_i}\right) = \boxed{29}$$

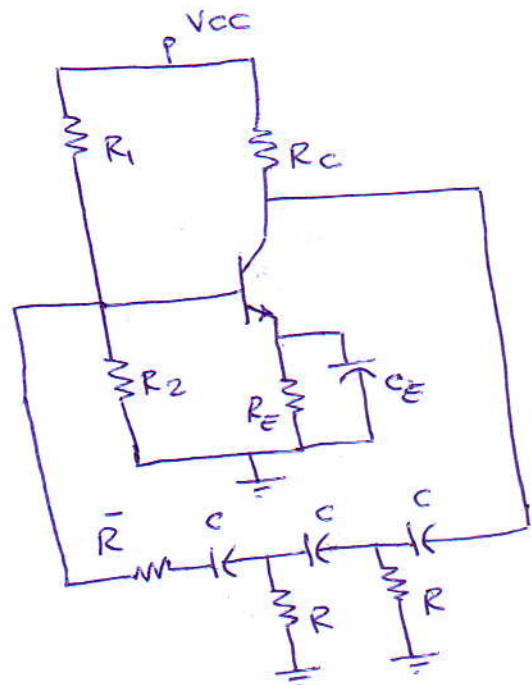
2- Phase shift oscillator using FET and BJT:

A practical version for phase shift oscillator using FET and BJT versions shown in fig below.



(a) FET version

$$\boxed{f = \frac{1}{2\pi\sqrt{6RC}}}$$

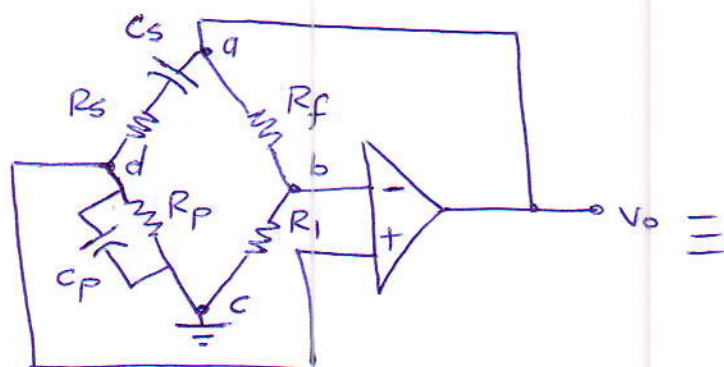


(b) BJT version

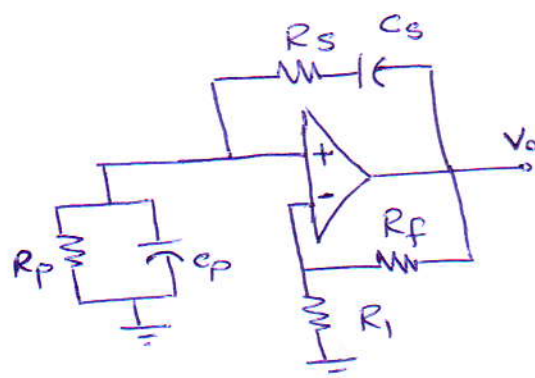
$$\boxed{f = \frac{1}{2\pi RC} \frac{1}{\sqrt{6 + 4(RC/R)}}$$

* WIEN Bridge Oscillator :

wien bridge oscillator circuit using operational amplifier shown in figure below.



(a)



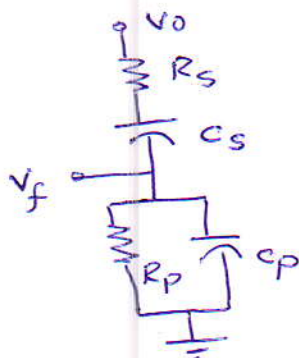
(b)

The circuit consist of two parts

$$\beta = \frac{V_f}{V_o}$$

$$\Rightarrow V_f = \frac{Z_p * V_o}{Z_p + Z_s}$$

$$\Rightarrow \frac{V_f}{V_o} = \frac{Z_p}{Z_p + Z_s}$$



$$\therefore Z_s = R_s + \frac{1}{j\omega C_s}$$

$$\text{and } Z_p = R_p \parallel C_p = \frac{R_p}{1 + j\omega C_p R_p}$$

$$\Rightarrow \beta = \frac{R_p}{R_p + \left(R_s + \frac{1}{j\omega C_s}\right) (1 + j\omega C_p R_p)}$$

تابع

* نلاحظ من الشكل (a) بان لفظة متوازنة
بجانب ان كل جزء من اجزاء القنطرة يمر
على متدة وبالتالي اي فرق بالطور من
المتدة الاول متساوي (Cp) يتم التماسه
من قبل المتدة، لانه (Cs) لذلك
يتم تحقيق شرط zero phase shift
وبما ان، لانه مرسلات nonInverting
يجب ان لا يوجد فرق بالطور من قبل op-Amp

$$\Rightarrow \beta = \frac{R_p}{(R_p + R_s + \frac{C_p R_p}{C_s}) + j(\omega C_p R_p R_s - \frac{1}{\omega C_s})} \quad \text{--- (1)}$$

for Zero Phase shift $\boxed{J \text{ term} = 0}$

$$\therefore j(\omega C_p R_p R_s - \frac{1}{\omega C_s}) = 0 \Rightarrow \boxed{\omega = \frac{1}{\sqrt{C_p C_s R_p R_s}}} \quad \text{--- (2)}$$

$$\Rightarrow \beta = \frac{R_p}{R_p + R_s + \frac{C_p R_p}{C_s}} \quad \text{for } R_p = R_s = R \text{ and } C_s = C_p = C$$

$$\therefore \boxed{|\beta| = \frac{1}{3}}$$

$$\text{and } \boxed{f = \frac{1}{2\pi R C}}$$

$$\text{To satisfy } |A\beta| = 1 \Rightarrow \boxed{A = 3}$$

$$\therefore \left| 1 + \frac{R_f}{R_i} \right|_{\min} = 3 \Rightarrow \boxed{\left| \frac{R_f}{R_i} \right|_{\min} = 2}$$

Ex: For the Phase shift oscillator using an FET version having $R = 10k\Omega$, find the value of C for oscillator operation at $1kHz$?

Solution:

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{6}RC} \Rightarrow C = \frac{1}{2\pi\sqrt{6} \times 1 \times 10^3 \times 10 \times 10^3} = \boxed{6.5nF}$$

Ex: Design of a wien bridge oscillator for operation at $f = 10\text{kHz}$?

Solution:

let $C = 1\text{nF}$

$$f = \frac{1}{2\pi RC} \Rightarrow R = \frac{1}{2\pi fC}$$

$$\Rightarrow R = \frac{1}{2\pi * 10 * 10^3 * 10^{-9}} = \boxed{15.9\text{K}\Omega}$$

and $\left| \frac{R_f}{R_1} \right|_{\min} = 2$

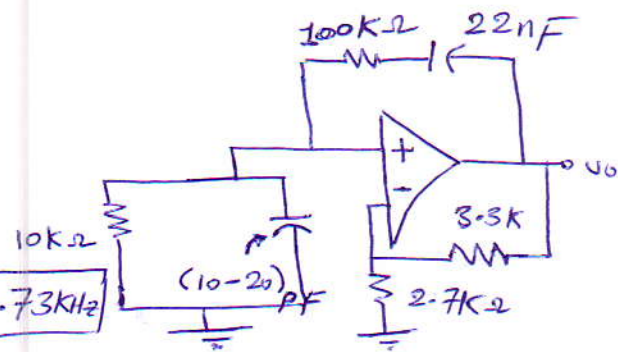
* ملاحظة: عند بارية اي تصميم
محتوي على قيم مقاومة وصلة
فاننا نفرض قيم، لمسة ونجرب
قيم المقاومة لاه قيم المستعانت
لا يمكن تغييرها كثيراً لذلك نلجأ
الى فرض قيم متوسطة لدينا ايضاً
المقاومة اي قيم يمكن الحصول
عليها.

Ex: For the circuit shown below; find the frequency change
Percentage?

Solution:

① For $C_p = 10\text{PF}$

$$f = \frac{1}{(\sqrt{10\text{K} * 100\text{K} + 10\text{p} * 22\text{n}}) * 2\pi} = \boxed{10.73\text{kHz}}$$



② For $C_p = 20\text{PF}$

$$\Rightarrow f = \frac{1}{2\pi \sqrt{10\text{K} * 100\text{K} + 20\text{p} * 22\text{n}}} = \boxed{7.59\text{kHz}}$$

Frequency change due to C_s doubled is $\Rightarrow \frac{10.73\text{K} - 7.59\text{K}}{10.73\text{K}} * 100\%$

$$= \boxed{29.26\%}$$

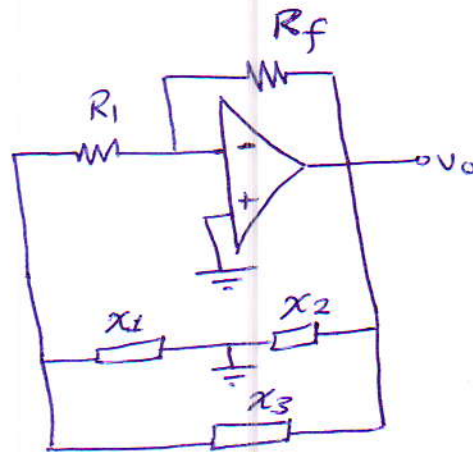
② LC Oscillator:

- * Colpitts oscillator
- * Hartley oscillator

~~~~~

A variety of circuit for LC oscillator can be built using BJT, FET and operational amplifier as shown below.

\* هذا النوع من التذبذبات يستخدم محاثات ومكثفات حيث ان اي دائرة تحتوي على C و L معا فانها تسمى دائرة توليف (tuned) بمعنى يتم تغيير تردد الاخراج مع تغير قيم المستعان او المحاثات، بالإضافة الى انه يمكن استخدام LC لتوليد ترددات تتراوح من عدة MHz الى KHz.



Basic configuration of resonant circuit oscillator.

~~~~~

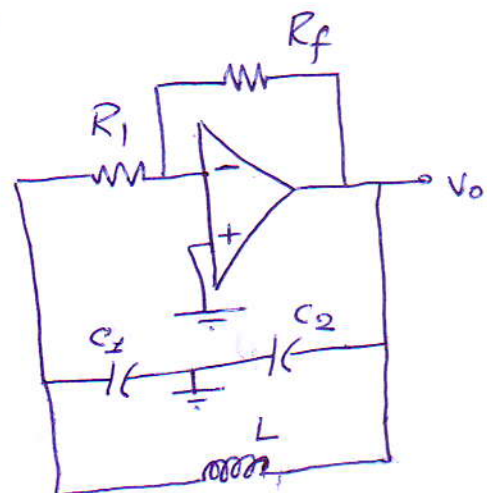
* Colpitts Oscillator:

For colpitts oscillator X_1 and X_2 are capacitors and X_3 is inductor

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L C_{eq}}}$$

$$C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2}$$

ليست



Colpitts oscillator using OP amplifier

$$\boxed{\beta = \frac{C_2}{C_1}} \text{ for } |A\beta| = 1 \text{ (unity } |A\beta|) \Rightarrow \boxed{A = \frac{C_1}{C_2}}$$

∴ Inverting Amplifier is used ($|A| = \frac{R_f}{R_1}$)

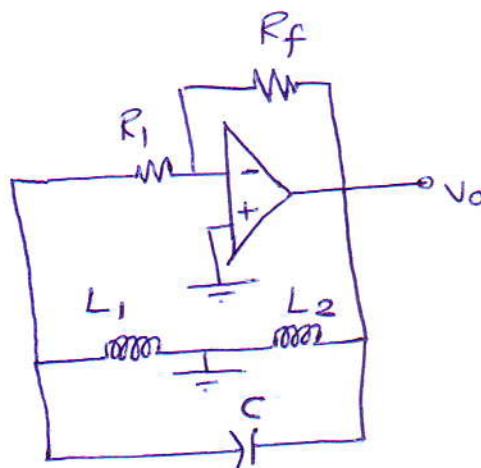
$$\therefore \boxed{\left| \frac{R_f}{R_1} \right| = \frac{C_1}{C_2}}$$

* Hartley Oscillator :

For Hartley oscillator X_1 and X_2 are inductors and X_3 is capacitor.

$$\boxed{f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L_{eq}C}}} \quad \boxed{L_{eq} = L_1 + L_2}$$

$$\boxed{\beta = \frac{L_1}{L_2}}$$



Hartley Oscillator using op-Amplifier

To have $|A\beta| = 1 \Rightarrow \boxed{A = \frac{L_2}{L_1}}$

For Inverting amplifier $|A| = \frac{R_f}{R_1} \Rightarrow \boxed{\frac{R_f}{R_1} = \frac{L_2}{L_1}}$

~ ~ ~

Ex: Design a colpitts oscillator to oscillate at 100 kHz, use $L = 0.1 \text{ mH}$ and the gain must be not exceed 10?

→ تصميم

Solution 3

$$f = \frac{1}{2\pi\sqrt{L C_{eq}}} \Rightarrow 100k = \frac{1}{2\pi\sqrt{0.1 \times 10^{-3} C_{eq}}}$$

$$\Rightarrow \boxed{C_{eq} = 25.35 \text{ nF}} \quad \text{as } A = 10 \text{ and } A = \frac{C_1}{C_2}$$

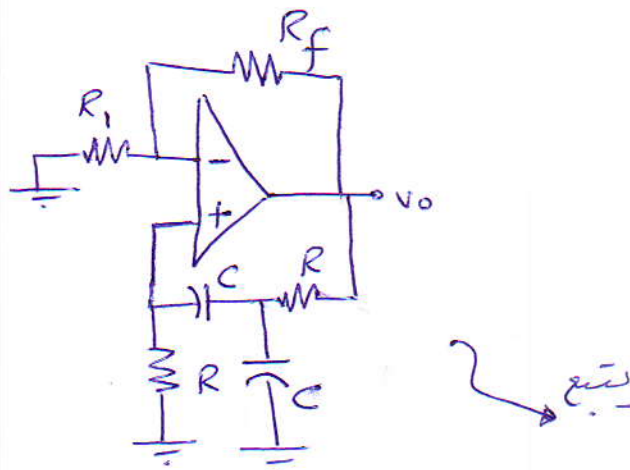
$$\text{as } 10 = \frac{C_1}{C_2} \Rightarrow C_1 = 10 C_2 \dots \textcircled{1}$$

$$C_{eq} = \frac{C_1 C_2}{C_1 + C_2} \dots \textcircled{2} \text{ subs. equation } \textcircled{1} \text{ in } \textcircled{2} \text{ and we get:}$$

$$25.35 \text{ n} = \frac{10 \cancel{C_2^2}}{11 \cancel{C_2}} \Rightarrow C_2 = \frac{25.35 \text{ n} \times 11}{10} = \boxed{27.89 \text{ nF}}$$

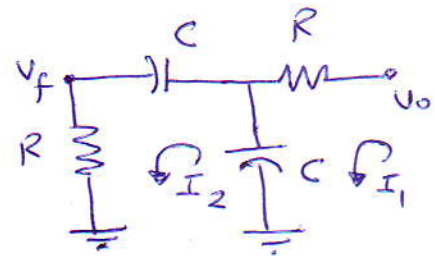
$$\text{and } C_1 = 10 \times 27.89 \text{ n} = \boxed{0.278 \mu\text{F}}$$

EX: Find the β function, the frequency of oscillation and the $\frac{R_f}{R_1}$ for oscillation for the circuit shown below?



$$I_1 \left(R + \frac{1}{j\omega C} \right) - I_2 \left(\frac{1}{j\omega C} \right) = V_o \quad \text{--- (1)}$$

$$- I_1 \left(\frac{1}{j\omega C} \right) + I_2 \left(R + \frac{2}{j\omega C} \right) = 0 \quad \text{--- (2)}$$



$$V_f = I_2 R \quad \text{--- (3)} \quad \boxed{\beta = \frac{V_f}{V_o}}$$

$$I_2 = \frac{\begin{vmatrix} R + \frac{1}{j\omega C} & V_o \\ -\frac{1}{j\omega C} & 0 \end{vmatrix}}{\begin{vmatrix} R + \frac{1}{j\omega C} & -\frac{1}{j\omega C} \\ -\frac{1}{j\omega C} & R + \frac{2}{j\omega C} \end{vmatrix}}$$

* نلاحظ ان المخرج لاسبقه بانها قد استمر
فيكون non Inverting وبالتالي Zero phase shift
لذلك تم ربط المقادير والمسطات بالعكس
لغرض التخلص من فرق الطور حيث اذا
كان فرق الطور للمقاومة والمكثف لاولي
مثلا 60° فان المخرجه الثانيه يكونه
لهما فرق طور 60° - .

$$\Rightarrow I_2 = \frac{\frac{V_o}{j\omega C}}{R^2 + \frac{2R}{j\omega C} + \frac{R}{j\omega C} - \frac{2}{\omega^2 C^2} + \frac{1}{\omega^2 C^2}}$$

$$\Rightarrow I_2 = \frac{V_o * j\omega C}{1 + 3j\omega C R - R^2 \omega^2 C^2}$$

$$\because \beta = \frac{V_f}{V_o} \text{ and } V_f = I_2 R$$

$$\therefore \boxed{\beta = \frac{j\omega C R}{1 + 3j\omega C R - R^2 \omega^2 C^2}}$$

* نلاحظ ان محاوله لـ \beta بان المقام لا صيوي
الا على صـ طر فـيالي (Imaginary)
وهذا الطر ضروري بالترتيب \omega وبالتالي
نستنتج بان المخرجه متوازيه مع
حيث ان Phase shift صـ 0
\beta هي (1/3)

$$\therefore \boxed{f = \frac{1}{2\pi R C}} \text{ and } \boxed{\beta = \frac{1}{3}}$$

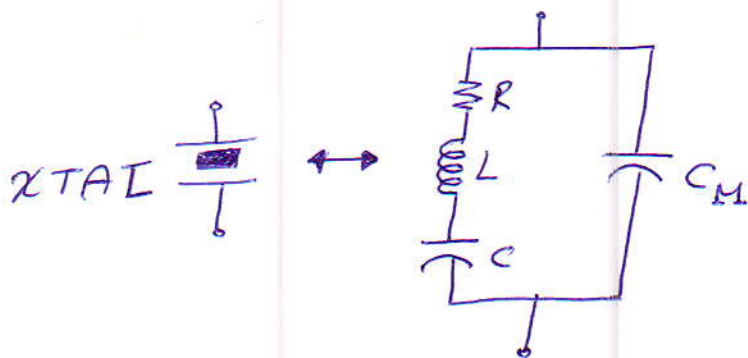
for non Inverting $A = \left(1 + \frac{R_f}{R_i} \right)$ and $A = 3$ for $|A\beta| = 1$

$$\Rightarrow \boxed{\frac{R_f}{R_i} = 2}$$

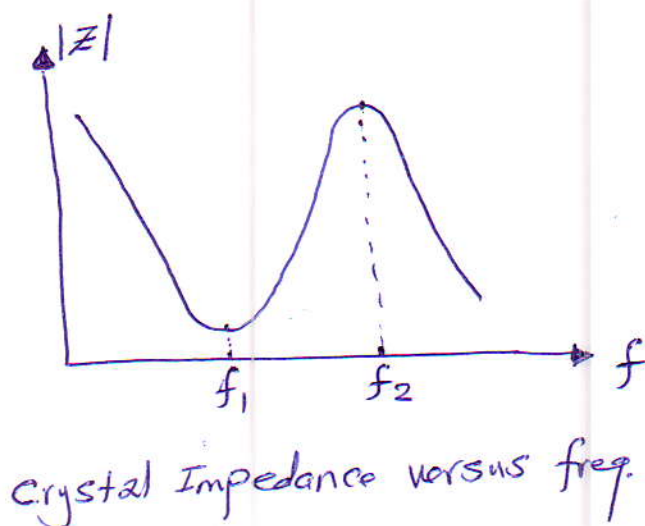
③ Crystal Oscillator :

A crystal oscillator is widely used in communication transmitters and receivers.

* يستخدم الترانزستور oscillator في العديد من الأجهزة للاتصالات مثل المرسلات والمستقبلات (local osc) حيث يعطي تردد دقيق جداً ، وهو بالأساس يتكون من مادة الكوارتز (SiO_2) حيث تتأثر هذه المادة لأنها كلما شل عليها أجهزة ميكانيكية فانه ذراتها تبدأ بالتهزيع عن مكانها وبالتالي يتولد لدينا توائي القطب الذي بدوره يعطي موجة متناوبة على أطراف المادة وكذلك عندما يتم تسليط موجة معينة فانه ذرات المادة تبدأ بالتحرك وبالتالي ينشأ تسيو بالشكل لهذه المادة وعند موجة معينة تبدأ هذه المادة بالاهتزاز ويتولد لدينا تردد رئيسي. اما هذه الظاهرة التي توجب في بعض المواد العازلة مثل الكوارتز فانها تسمى Piezoelectric effect.



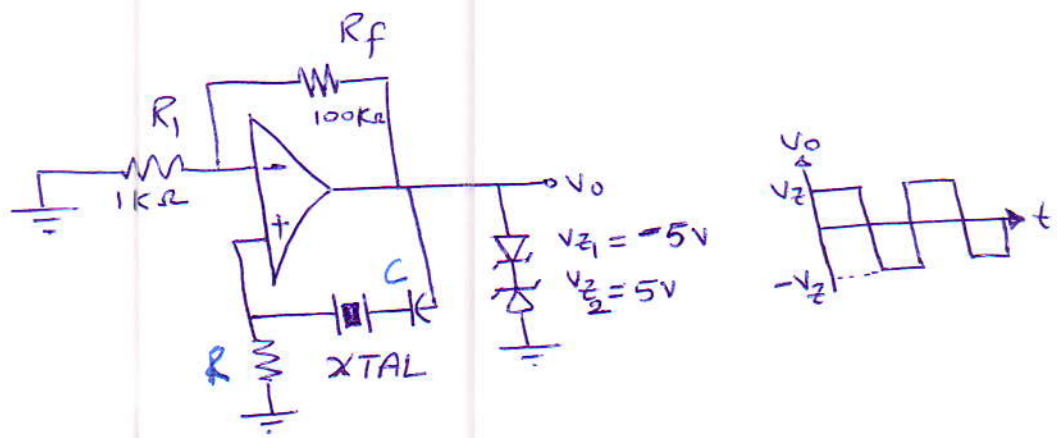
Electrical equivalent circuit of a crystal.



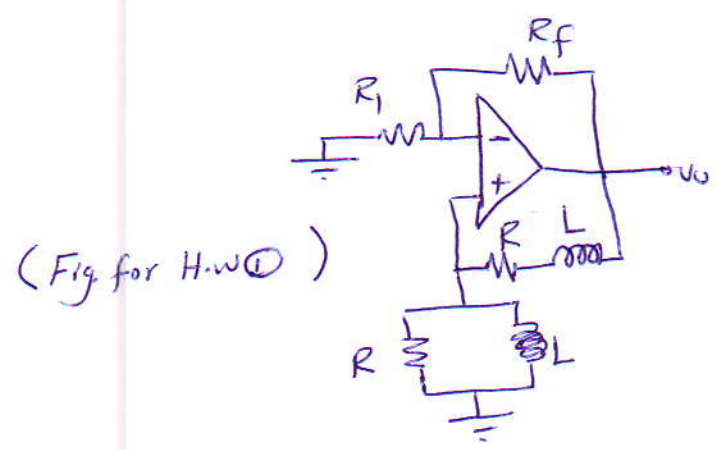
* يمكن ان crystal osc. ان يعطي تردد واضح و تردد عالي حسب طريقة ربطة في الدارة حيث اذا كان ربطة series فانه مقاومة التي يعطيها تكون واضحة و تردد واضح (عندما تتساوى قيمه ال L و C) بينا يعطي تردد عالي عندما يربط على التوازي فانه يعطي مقاومة عالية و تردد عالي وتسمى هذه الحالة (Antiresonance) وكما سوف نرى في الفصل

* Crystal Oscillator using op-Amplifier:

The crystal is connected in the series-resonant path and operates at the crystal series-resonant frequency.



H.W①: Find the β function, frequency of oscillation and $\frac{R_f}{R_1}$ required for oscillation for the circuit shown below?



H.W②: Design a Hartley oscillator to oscillate at 10MHz, if the L_2 is equal to ten times of L_1 .

④ Timing Circuits:

* Timer IC Unit (555) $\begin{cases} \text{Astable} & \text{غير مستقر} \\ \text{Monostable} & \text{احادي الاستقرار} \end{cases}$

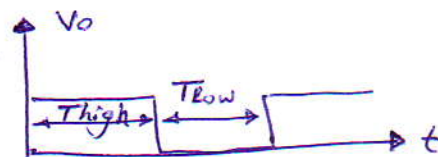
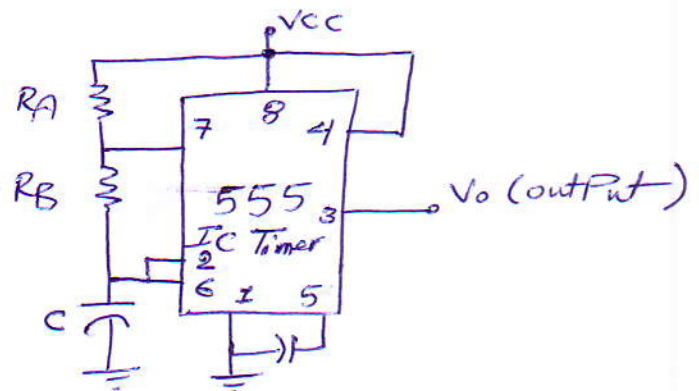
* Astable: one Popular application of the 555 timer IC is an Astable multivibrator or clock circuit as shown below.

$$T_{\text{High}} \approx 0.7 (R_A + R_B) C$$

$$T_{\text{Low}} \approx 0.7 R_B C$$

$$T_{\text{Period}} = T_{\text{High}} + T_{\text{Low}}$$

$$f = \frac{1}{T} \approx \frac{1.44}{(R_A + 2R_B) C}$$



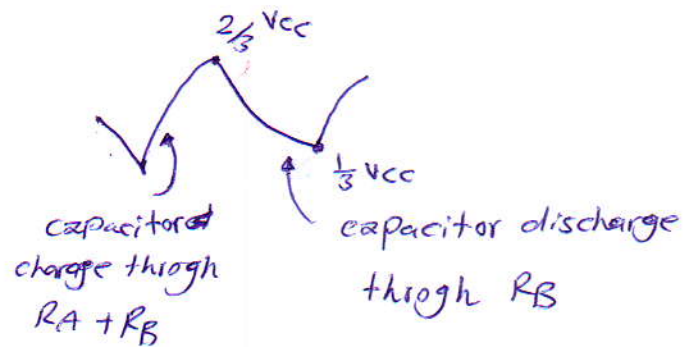
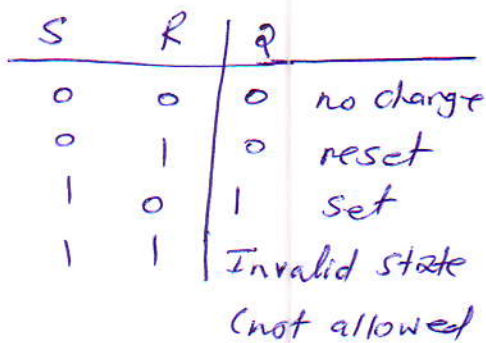
Ex: For the 555 IC Timer $R_A = 7.5 \text{ K}\Omega$, $R_B = 7.5 \text{ K}\Omega$ and $C = 0.1 \mu\text{F}$; find the output frequency?

Solution:

$$T_{\text{High}} = 0.7 (R_A + R_B) C = 0.7 (7.5 \text{ K} + 7.5 \text{ K}) 0.1 \times 10^{-6} = \boxed{1.05 \text{ ms}}$$

$$T_{\text{Low}} = 0.7 R_B C = \boxed{0.525 \text{ ms}} \quad \therefore T = T_{\text{High}} + T_{\text{Low}} = 1.05 + 0.525$$

$$\therefore T = \boxed{1.575 \text{ ms}} \quad \therefore f = \frac{1}{1.575 \text{ ms}} \approx \boxed{635 \text{ Hz}}$$



* يمكن ملاحظة أن إدارته مع فئول، المستعمل في التفرع للمستعمل المربوط بـ P_{in}

② و ③ أسفل المقارنات R_B ما نلاحظ (-) comparator الأول تكون على منه ثوليت

مربوط عبر المستعمل (C) والتي تبعا بالشئ عند ثوليت $V_{cc} \frac{1}{3}$ لاه المقارنات (R)

مع قيمة الثوليت للبرء السالب عند comparator الأول لذلك يكون اقتراح comparator

هو $+V_{cc}$ والتي تكون "1" عند الطرف R لـ Flip Flop والـ S يكون عادة "0" لذلك

يكون الـ Q هو "0" ولكن الاقتراح FF مأخوذ من الـ Q لذلك يكون "1" ويمكن

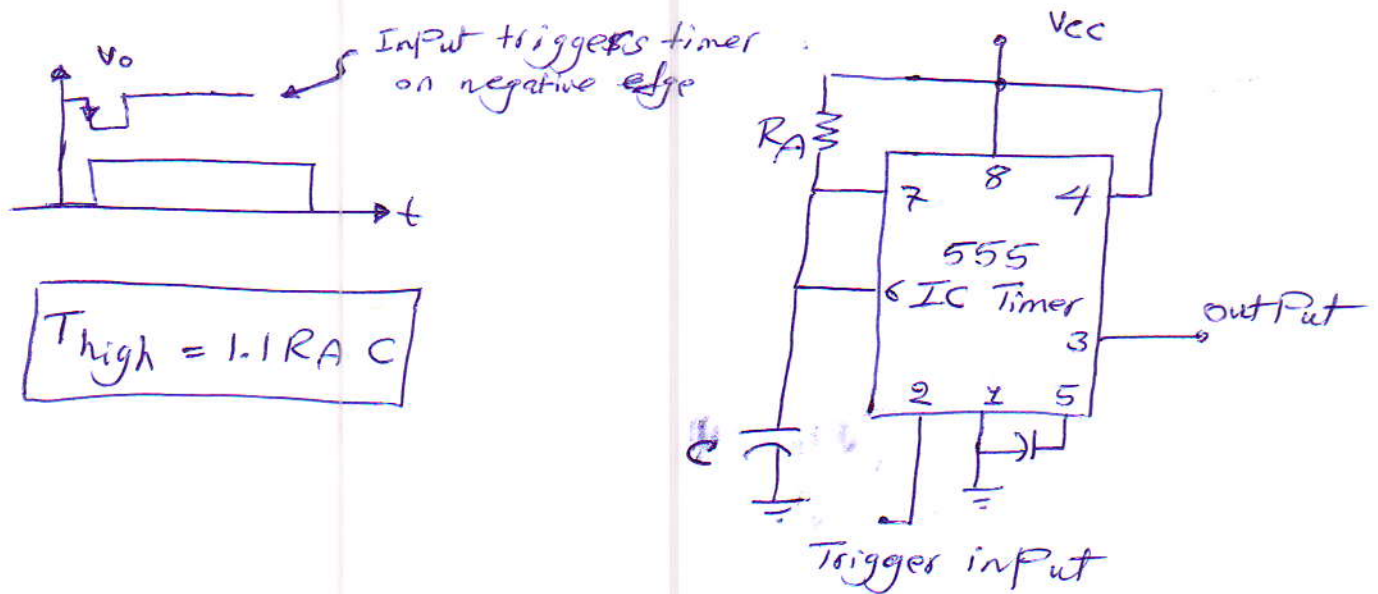
الملاحظة ان المستعمل قد تم تشغيلها عبر المقارنات R_A, R_B ؛ وعندها يكون Q هو "1"

فان V_o هو "1" لذلك يعمل الترانزستور

لَقَدْ

وعندما يعمل الترانزستور يكون قد ربطا ground عند الطرف ⑦ وهو مربوط عبر المقاومة R_B لذلك تبدأ المسعة بالتفريغ عبر R_B وعندما تقل فولتية المسعة عن $\frac{2}{3}V_{CC}$ يرجع الـ comparator لاول يعطي $-V_{CC}$ وهو "0" لـ $R \leftarrow FF$ والـ S كذلك عبارة هي "0" لذلك الاخراج يكون no change

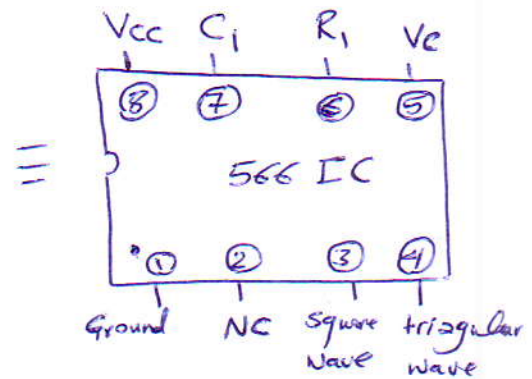
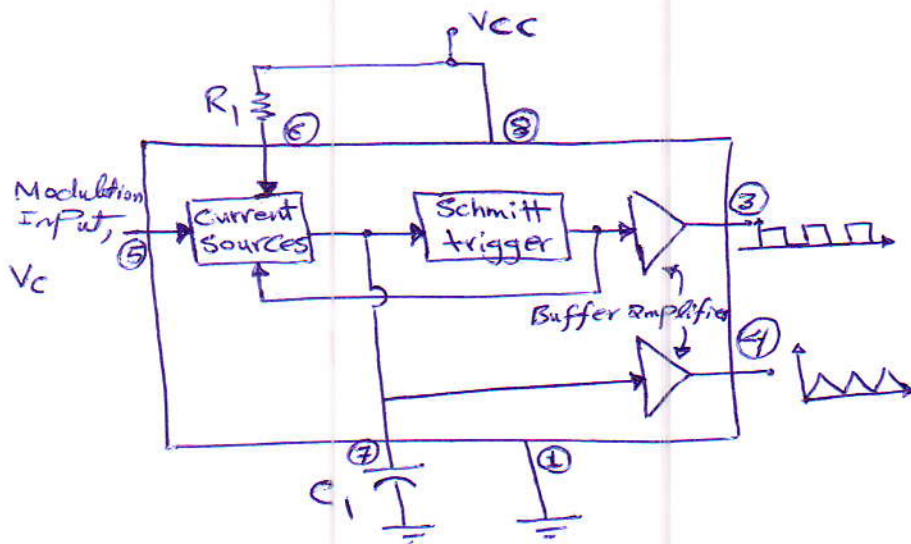
* Monostable: The 555 timer can also be used as a one shot or monostable multivibrator circuit as shown below.



* هذه الدائرة هي امثلة تطبيقية لـ 555 (اماري الاستقرارية) حيث كلما جاءت موجة القتح (trigger) قام الاخراج بكون على شكل نبضة واحدة يكون المزمع لها حسب المعادلات المعطاة ولذلك تسمى هذه الدائرة اماري الاستقرارية او one shot ولا تظهر موجة اخراج من اقصى وقت ياتي التوقيت من اقصى

⑤ Voltage Controlled Oscillator: (VCO)

A voltage controlled oscillator (VCO) is a circuit that provides a varying output signal (typically square wave or triangular wave form). An example of a VCO is the 566 IC unit as shown below.



$$f_o = \frac{2}{R_1 C_1} \left(\frac{V_{cc} - V_c}{V_{cc}} \right)$$

with the following Practical circuit value restrictions:

- 1- $2k\Omega \leq R_1 \leq 20k\Omega$
- 2- V_c should be within the range $\frac{3}{4}V_{cc} \leq V_c \leq V_{cc}$
- 3- f_o should be below $1MHz$
- 4- V_{cc} should range between $10V$ and $24V$.

* يعمل VCO على إنتاج موجة
مربعة ومثلثة ويمكن للموجة
المربعة ان يتم ادخالها الى
دائرة low pass filter لكي تتحول
الى موجة sine ولكن هناك
تدرات لعل دائرة VCO
يمكن ملاحظة اعلاه وكذلك
يمكن ان يعطي ال VCO اقتراف
عندما تكون V_c تساوي صف
ومب القانون اعلاه

to be continue.

Ex: Find the output frequency for the circuit shown below?

Solution:

R_1 and V_{cc} within the range

$$V_c = \frac{10k * V_{cc}}{10k + 1.5k} = \frac{10k * 12V}{10k + 1.5k} = \boxed{10.43V}$$

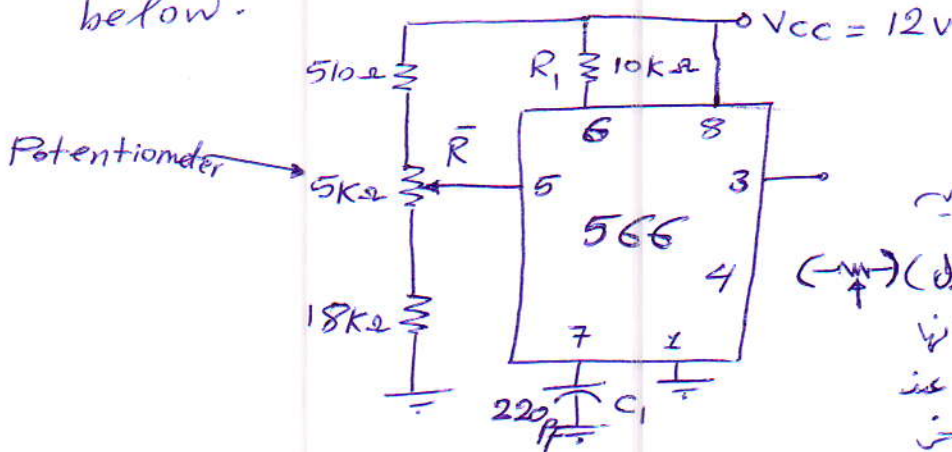
V_c must be within the range $\frac{3V_{cc}}{4} \leq V_c \leq V_{cc}$

$$\Rightarrow \frac{3}{4} V_{cc} = \frac{3}{4} * 12 = \boxed{9V} \quad \because V_c \text{ within the range}$$

$$f_o = \frac{2}{R_1 C_1} \left(\frac{V_{cc} - V_c}{V_{cc}} \right) = \frac{2}{10k * 820p} \left(\frac{12 - 10.43}{12} \right) \approx \boxed{32KHz}$$

~~~~~

Ex: Find the range of frequencies, for the circuit shown below.



\* ملاحظة: هناك فرق رئيسي بين المقاومة المتغير (بندول ارجل) (-) والتي تسمى Potentiometer حيث انها عندما تقل على زيادة المقاومة عند احد الأرجل فام الطرف الآخر تنقص مقاومتها والعكس صحيح اما المقاومة المتغير التي لها طرفين (-) فقط فام عند زيادة مقاومتها فام المقاومة تنزداد عند الطرفين والعكس صحيح

ليج

Solution:

$$\textcircled{1} V_c = \frac{(5k + 18k) * 12}{5k + 18k + 510} = \boxed{11.74 \text{ V}}$$

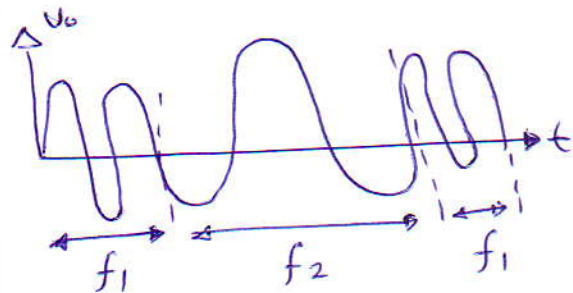
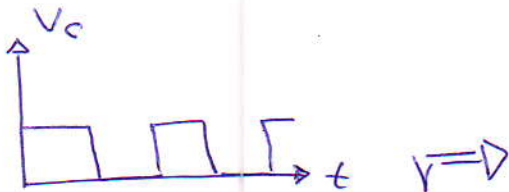
$$\Rightarrow f_o = \frac{2}{10k * 220p} \left( \frac{12 - 11.74}{12} \right) \approx \boxed{19.7 \text{ kHz}}$$

$$\textcircled{2} V_c = \frac{18k * 12}{510 + 5k + 18k} = \boxed{9.187 \text{ V}}$$

$$\Rightarrow f_o = \frac{2}{10k * 220p} \left( \frac{12 - 9.187}{12} \right) \approx \boxed{213 \text{ kHz}}$$

∴ the range of frequencies is  $19.7 \text{ kHz} \leq f_o \leq 213 \text{ kHz}$

\* بالاعتماد استخدام دائرة VCO لإخراج ترددات مختلفة إذا كان  $V_c$  متغير موزع  
بسيط؛ أما إذا كانت Voltage control ( $V_c$ ) عبارة عن موزع مربع فإم الإخراج  
يكون FSK (Frequency Shift Keying) وكما موضح بالشكل أدناه.



\* كل قيمة لـ  $V_c$  تقابل تردد  
مميز حيث أن قيمة "1" تقابل  
تردد  $f_1$  وقيمة "0" تقابل  
تردد  $f_2$

H.w①: For the 555 IC Timer as Astable multivibrator to produce 1 kHz output frequency; find  $R_B$ ? let  $R_A = 0\Omega$  and  $C = 1\mu F$ .

Ans:  $R_B = 1k\Omega$

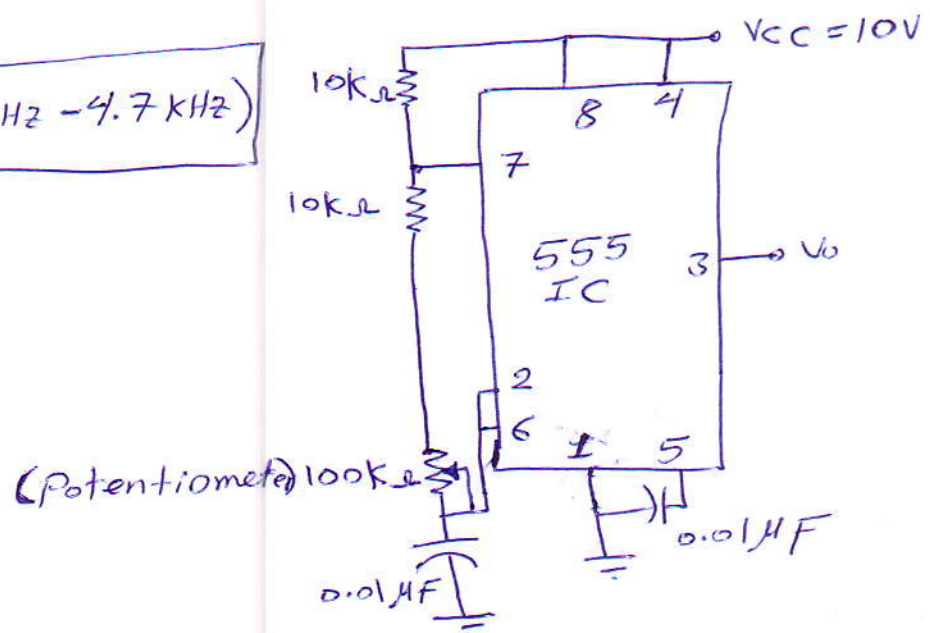
H.w②: Design a 555 IC Timer as monostable multivibrator to produce an output pulse width of  $100\mu s$ ?

Ans: For  $C = 1nF \Rightarrow R_A = 90.9k\Omega$

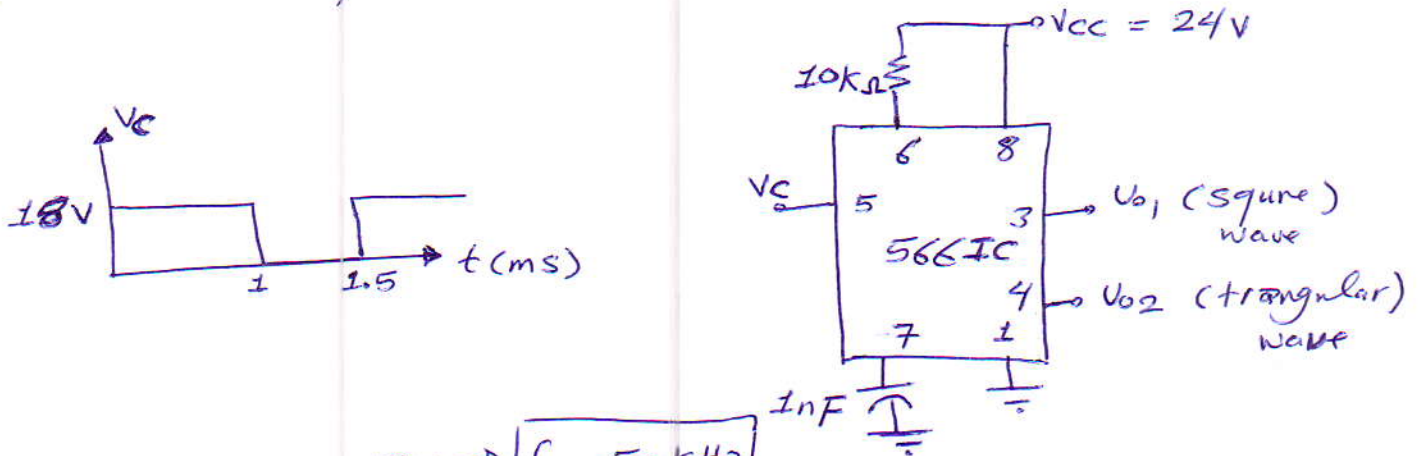
H.w③: A 555 IC is connected as shown in figure below; Determine the range of oscillation frequency?

Ans:

freq. range ( $621Hz - 4.7kHz$ )



H.W ④: A 566 IC is connected as shown below; find the output frequencies and sketch the output waveform?



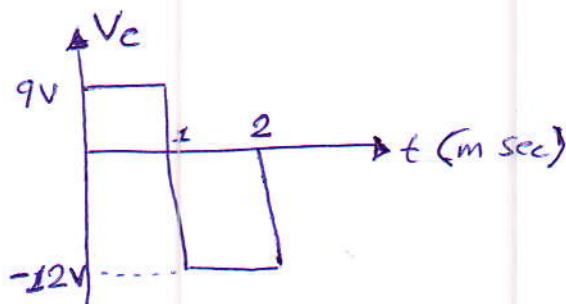
Ans: at  $V_C = 18V \Rightarrow f_1 = 50 \text{ kHz}$

at  $V_C = 0V \Rightarrow f_2 = 200 \text{ kHz}$

$f_1$  range at  $t = 0 \rightarrow t = 1 \text{ msec}$ .

$f_2$  range at  $t = 1 \text{ ms} \rightarrow t = 1.5 \text{ ms}$

H.W ⑤: Repeat the H.W ④, For  $V_{CC} = 12V$  and  $V_C$  waveform as shown below.

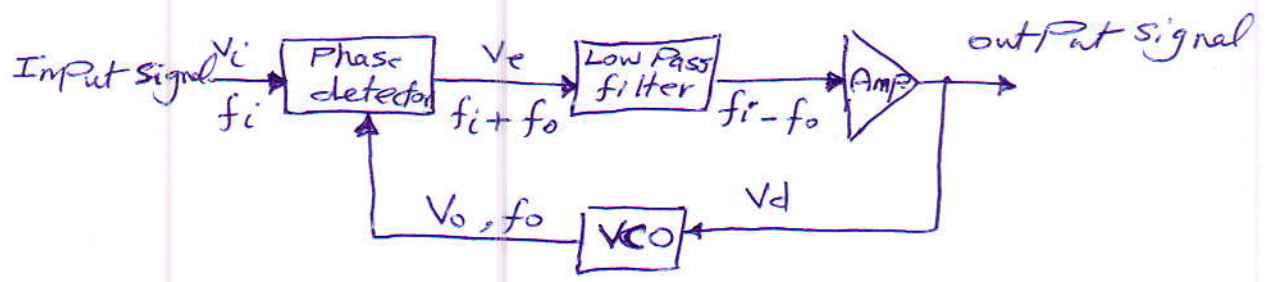


Ans:  $f_1$  at  $V_C = 9V \Rightarrow f_1 = 50 \text{ kHz}$

$f_2$  at  $V_C = -12V \Rightarrow f_2 = 0 \text{ Hz}$

## \* Phase Lock Loop (PLL):

A Phase Lock Loop (PLL) is an electronic circuit that consists of a Phase detector, low Pass filter and a voltage controlled oscillator as shown in figure below.

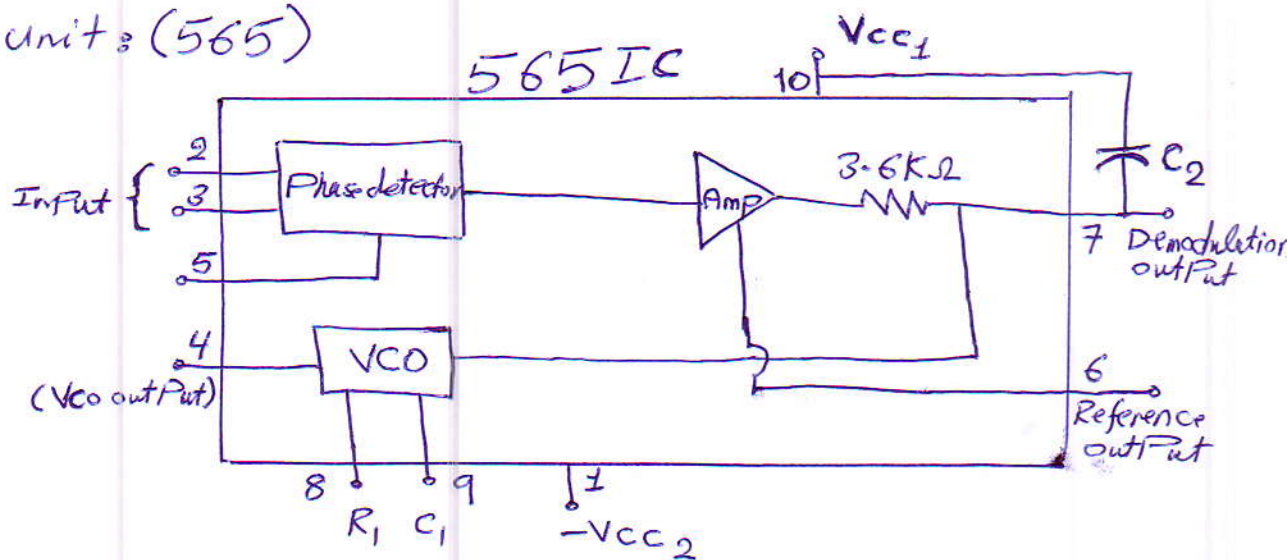


## PLL Application:

- 1- FM demodulation
- 2- Frequency Synthesizers
- 3- Demodulation of the two digital data transmission used in frequency shift keying (FSK) operation.
- 4- AM detectors, tone decoders and tracking filters.

\* المبدأ الأساسي لعمل الدائرة يكون عندما يتم إدخال إشارة بتردد معين حيث يتم إدخالها إلى (Phase detector) والتي بدورها تأخذ فرق الطور بين الإشارة الداخلة والإشارة الخارجة من VCO؛ حيث عندما تعمل الدائرة بـ Lock Phase detector. بمعنى أن التردد الداخل والتردد الخارجية من VCO هو نفس التردد وبالتالي فإن Vd تكون صفرية. ثابت وذلك لغرض تثبيت قيمة التردد الخارج من VCO، لأنه نفس تردد الإشارة الداخلة حيث يتم أخذ فرق الطور بين الإشارةين؛ ثم بعد Phase detector ينتج مركبة للتردد حيث يتم أخذ المركبة الواصلة عن طريق low pass filter؛ بينما عندما يتغير تردد الإشارة الداخلة تقوم الدائرة بمحاولة مواكبة هذا التغير عن طريق تغيير قيمة Vd لغرض تغيير قيمة تردد VCO.

# \* PLL unit: (565)



\* تحتوي الدائرة على 565 IC Pin configuration لل PLL unit حيث ترتبط الدائرة بالدائرة  
 تحتاج إلى مصدرين د.ج. (Vcc1, Vcc2) حيث يتصل الد.ج. Vcc1 بمصدر الدائرة أما Vcc2 فهو  
 مخصص لل VCO وكذلك R1, C1 هما لتعريف تردد center freq (fo) لل VCO أما  
 C2 فهي فلتة دارة Low Pass filter

$$f_0 = \frac{0.3}{R_1 C_1}$$

f<sub>0</sub>: center frequency of VCO

$$f_L = \pm \frac{8 f_0}{V_{cc2}}$$

f<sub>L</sub>: Lock range frequency

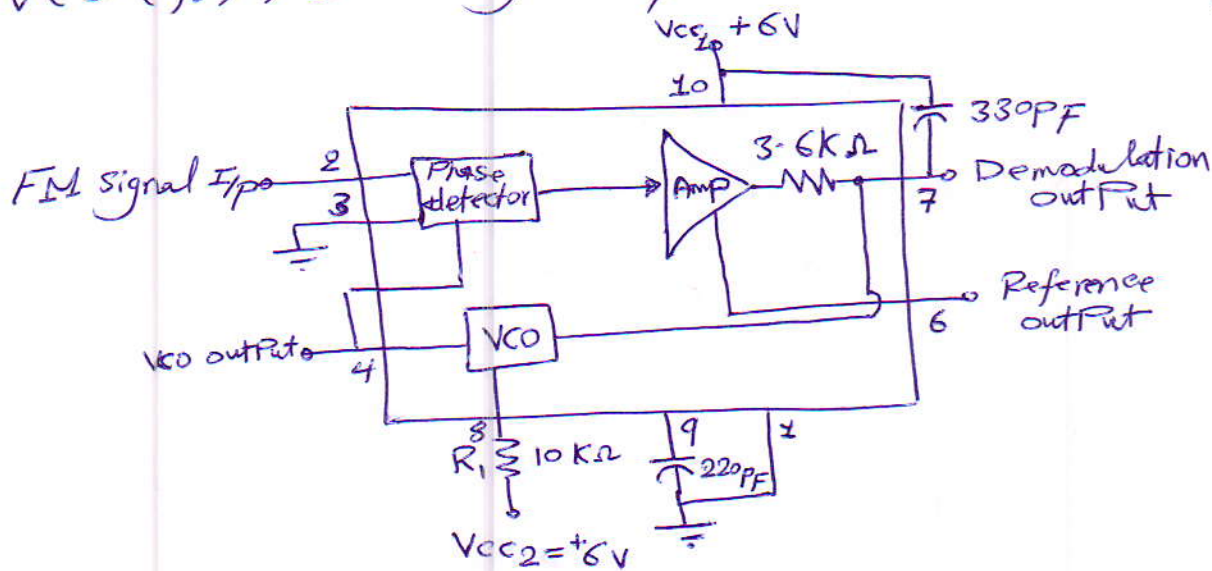
f<sub>L</sub>: وهو مدى الترددات التي يستطيع VCO أن  
 يعمل بها بـ Lock freq.

$$f_c = \pm \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2\pi f_L}{R_2 C_2}}$$

f<sub>c</sub>: Capture range frequency

f<sub>c</sub>: وهو مدى ترددات الإشارة الخارجة وكذلك يعبر عن أعلى تردد للإشارة  
 المطلوبة التي يمكن كشفها باستخدام هذا التردد في PLL

Ex: For the circuit shown below; determine the Center freq of VCO ( $f_0$ ), Lock range freq ( $f_L$ ) and Capture range freq ( $f_c$ ).



Solution:

$$f_0 = \frac{0.3}{R_1 C_1} = \frac{0.3}{10 \times 10^3 \times 220 \times 10^{-12}} = \boxed{136.36 \text{ KHz}}$$

$$f_L = \pm \frac{8f_0}{V_{cc2}} = \pm \frac{8 \times 136.36 \times 10^3}{6} = \boxed{\pm 181.813 \text{ KHz}}$$

$$f_c = \pm \frac{1}{2\pi} \sqrt{\frac{2\pi f_L}{R_2 C_2}} = \boxed{156.1 \text{ KHz}}$$

\* Output 156.1 KHz في output 1، يمكن ان يكون في output 2، 3، 4، 5، 6، 7، 8، 9، 10، 11، 12، 13، 14، 15، 16، 17، 18، 19، 20، 21، 22، 23، 24، 25، 26، 27، 28، 29، 30، 31، 32، 33، 34، 35، 36، 37، 38، 39، 40، 41، 42، 43، 44، 45، 46، 47، 48، 49، 50، 51، 52، 53، 54، 55، 56، 57، 58، 59، 60، 61، 62، 63، 64، 65، 66، 67، 68، 69، 70، 71، 72، 73، 74، 75، 76، 77، 78، 79، 80، 81، 82، 83، 84، 85، 86، 87، 88، 89، 90، 91، 92، 93، 94، 95، 96، 97، 98، 99، 100، 101، 102، 103، 104، 105، 106، 107، 108، 109، 110، 111، 112، 113، 114، 115، 116، 117، 118، 119، 120، 121، 122، 123، 124، 125، 126، 127، 128، 129، 130، 131، 132، 133، 134، 135، 136، 137، 138، 139، 140، 141، 142، 143، 144، 145، 146، 147، 148، 149، 150، 151، 152، 153، 154، 155، 156، 157، 158، 159، 160، 161، 162، 163، 164، 165، 166، 167، 168، 169، 170، 171، 172، 173، 174، 175، 176، 177، 178، 179، 180، 181، 182، 183، 184، 185، 186، 187، 188، 189، 190، 191، 192، 193، 194، 195، 196، 197، 198، 199، 200، 201، 202، 203، 204، 205، 206، 207، 208، 209، 210، 211، 212، 213، 214، 215، 216، 217، 218، 219، 220، 221، 222، 223، 224، 225، 226، 227، 228، 229، 230، 231، 232، 233، 234، 235، 236، 237، 238، 239، 240، 241، 242، 243، 244، 245، 246، 247، 248، 249، 250، 251، 252، 253، 254، 255، 256، 257، 258، 259، 260، 261، 262، 263، 264، 265، 266، 267، 268، 269، 270، 271، 272، 273، 274، 275، 276، 277، 278، 279، 280، 281، 282، 283، 284، 285، 286، 287، 288، 289، 290، 291، 292، 293، 294، 295، 296، 297، 298، 299، 300، 301، 302، 303، 304، 305، 306، 307، 308، 309، 310، 311، 312، 313، 314، 315، 316، 317، 318، 319، 320، 321، 322، 323، 324، 325، 326، 327، 328، 329، 330، 331، 332، 333، 334، 335، 336، 337، 338، 339، 340، 341، 342، 343، 344، 345، 346، 347، 348، 349، 350، 351، 352، 353، 354، 355، 356، 357، 358، 359، 360، 361، 362، 363، 364، 365، 366، 367، 368، 369، 370، 371، 372، 373، 374، 375، 376، 377، 378، 379، 380، 381، 382، 383، 384، 385، 386، 387، 388، 389، 390، 391، 392، 393، 394، 395، 396، 397، 398، 399، 400، 401، 402، 403، 404، 405، 406، 407، 408، 409، 410، 411، 412، 413، 414، 415، 416، 417، 418، 419، 420، 421، 422، 423، 424، 425، 426، 427، 428، 429، 430، 431، 432، 433، 434، 435، 436، 437، 438، 439، 440، 441، 442، 443، 444، 445، 446، 447، 448، 449، 450، 451، 452، 453، 454، 455، 456، 457، 458، 459، 460، 461، 462، 463، 464، 465، 466، 467، 468، 469، 470، 471، 472، 473، 474، 475، 476، 477، 478، 479، 480، 481، 482، 483، 484، 485، 486، 487، 488، 489، 490، 491، 492، 493، 494، 495، 496، 497، 498، 499، 500، 501، 502، 503، 504، 505، 506، 507، 508، 509، 510، 511، 512، 513، 514، 515، 516، 517، 518، 519، 520، 521، 522، 523، 524، 525، 526، 527، 528، 529، 530، 531، 532، 533، 534، 535، 536، 537، 538، 539، 540، 541، 542، 543، 544، 545، 546، 547، 548، 549، 550، 551، 552، 553، 554، 555، 556، 557، 558، 559، 560، 561، 562، 563، 564، 565، 566، 567، 568، 569، 570، 571، 572، 573، 574، 575، 576، 577، 578، 579، 580، 581، 582، 583، 584، 585، 586، 587، 588، 589، 590، 591، 592، 593، 594، 595، 596، 597، 598، 599، 600، 601، 602، 603، 604، 605، 606، 607، 608، 609، 610، 611، 612، 613، 614، 615، 616، 617، 618، 619، 620، 621، 622، 623، 624، 625، 626، 627، 628، 629، 630، 631، 632، 633، 634، 635، 636، 637، 638، 639، 640، 641، 642، 643، 644، 645، 646، 647، 648، 649، 650، 651، 652، 653، 654، 655، 656، 657، 658، 659، 660، 661، 662، 663، 664، 665، 666، 667، 668، 669، 670، 671، 672، 673، 674، 675، 676، 677، 678، 679، 680، 681، 682، 683، 684، 685، 686، 687، 688، 689، 690، 691، 692، 693، 694، 695، 696، 697، 698، 699، 700، 701، 702، 703، 704، 705، 706، 707، 708، 709، 710، 711، 712، 713، 714، 715، 716، 717، 718، 719، 720، 721، 722، 723، 724، 725، 726، 727، 728، 729، 730، 731، 732، 733، 734، 735، 736، 737، 738، 739، 740، 741، 742، 743، 744، 745، 746، 747، 748، 749، 750، 751، 752، 753، 754، 755، 756، 757، 758، 759، 760، 761، 762، 763، 764، 765، 766، 767، 768، 769، 770، 771، 772، 773، 774، 775، 776، 777، 778، 779، 780، 781، 782، 783، 784، 785، 786، 787، 788، 789، 790، 791، 792، 793، 794، 795، 796، 797، 798، 799، 800، 801، 802، 803، 804، 805، 806، 807، 808، 809، 810، 811، 812، 813، 814، 815، 816، 817، 818، 819، 820، 821، 822، 823، 824، 825، 826، 827، 828، 829، 830، 831، 832، 833، 834، 835، 836، 837، 838، 839، 840، 841، 842، 843، 844، 845، 846، 847، 848، 849، 850، 851، 852، 853، 854، 855، 856، 857، 858، 859، 860، 861، 862، 863، 864، 865، 866، 867، 868، 869، 870، 871، 872، 873، 874، 875، 876، 877، 878، 879، 880، 881، 882، 883، 884، 885، 886، 887، 888، 889، 890، 891، 892، 893، 894، 895، 896، 897، 898، 899، 900، 901، 902، 903، 904، 905، 906، 907، 908، 909، 910، 911، 912، 913، 914، 915، 916، 917، 918، 919، 920، 921، 922، 923، 924، 925، 926، 927، 928، 929، 930، 931، 932، 933، 934، 935، 936، 937، 938، 939، 940، 941، 942، 943، 944، 945، 946، 947، 948، 949، 950، 951، 952، 953، 954، 955، 956، 957، 958، 959، 960، 961، 962، 963، 964، 965، 966، 967، 968، 969، 970، 971، 972، 973، 974، 975، 976، 977، 978، 979، 980، 981، 982، 983، 984، 985، 986، 987، 988، 989، 990، 991، 992، 993، 994، 995، 996، 997، 998، 999، 1000.

**Q1:** The circuit shown in figure (1) has  $\beta=100$ ,  $h_{ie1}=2k\Omega$  and  $h_{ie2}=2.5k\Omega$  35 Mark

Calculate:

1. The lower cutoff frequency?
2. The frequency at which the gain drops to 50% of its maximum value?
3. How can you make the lower cutoff frequency is 200Hz?
4. What is the advantage of this connection?

**Q2:** a) For the circuit shown in figure (2) has  $\beta=200$ , calculate: 30 Mark

1. The values of  $R_2$  and  $R_{c4}$ , if we assume  $Q_1$  and  $Q_2$  are matched?
2. The power dissipation in this circuit?
3. The output impedance?

- b) 1. Explain, how can be used the FET transistor as a constant current source? 15 Mark
2. For the differential amplifier circuit, we usually use the constant current source instead of  $R_E$ , why?

**Q3:** For the multistage amplifier  $A_{v_{overall}}=64000$ , find the number of identical stages. 20 Mark

If the voltage gain ( $A_v$ ) for each stage is 40.

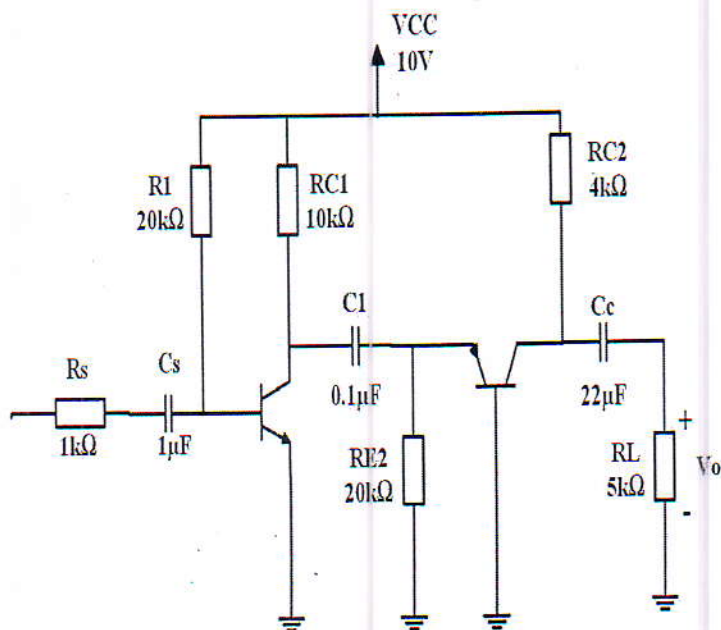


Fig (1)

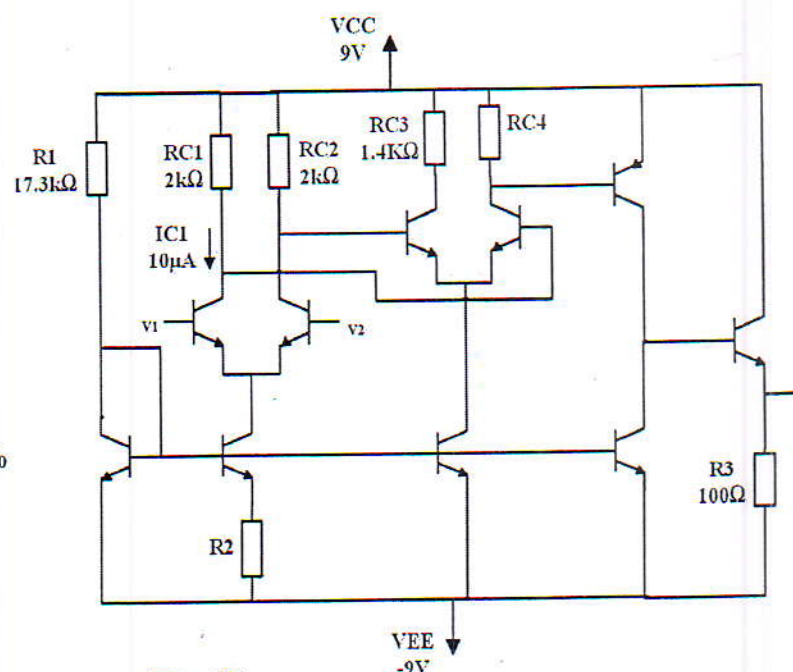


Fig (2)

| Order<br>(poles) | Butter-<br>worth | Bessel |       |       | Chebyshev<br>(0.5 dB) |       |       | Chebyshev<br>(2 dB) |       |       |
|------------------|------------------|--------|-------|-------|-----------------------|-------|-------|---------------------|-------|-------|
|                  |                  | gain   | fn    | fn    | gain                  | fn    | fn    | gain                | fn    | fn    |
| 2                | 1.586            | 1.268  | 1.274 | 1.231 | 1.842                 | 1.231 | 1.231 | 2.114               | 0.907 | 0.907 |
| 4                | 1.152            | 1.084  | 1.432 | 0.597 | 1.582                 | 0.597 | 0.597 | 1.924               | 0.471 | 0.471 |
|                  | 2.235            | 1.759  | 1.606 | 1.031 | 2.660                 | 1.031 | 1.031 | 2.782               | 0.964 | 0.964 |
| 6                | 1.068            | 1.040  | 1.607 | 0.396 | 1.537                 | 0.396 | 0.396 | 1.891               | 0.316 | 0.316 |
|                  | 1.586            | 1.364  | 1.692 | 0.768 | 2.448                 | 0.768 | 0.768 | 2.648               | 0.730 | 0.730 |
|                  | 2.483            | 2.023  | 1.908 | 1.011 | 2.846                 | 1.011 | 1.011 | 2.904               | 0.983 | 0.983 |
| 8                | 1.038            | 1.024  | 1.781 | 0.297 | 1.522                 | 0.297 | 0.297 | 1.879               | 0.238 | 0.238 |
|                  | 1.337            | 1.213  | 1.835 | 0.599 | 2.379                 | 0.599 | 0.599 | 2.605               | 0.572 | 0.572 |
|                  | 1.889            | 1.593  | 1.956 | 0.861 | 2.711                 | 0.861 | 0.861 | 2.821               | 0.842 | 0.842 |
|                  | 2.610            | 2.184  | 2.192 | 1.006 | 2.913                 | 1.006 | 1.006 | 2.946               | 0.990 | 0.990 |

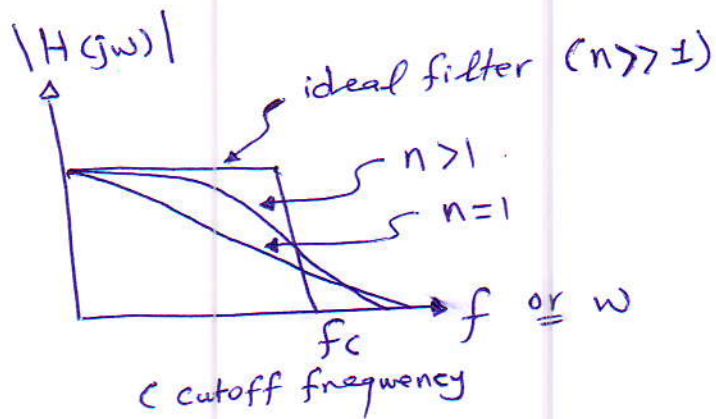
SALLEN - KEY FILTER PARAMETERS

## Active Filters:

### Introduction:

It was noted that RC networks could be divided into low-Pass and high-Pass filters depending on whether the network would Pass low frequencies and attenuate a high freq. or vice versa. A combination of these two networks will result a band-Pass or band-Stop filter.

\* تزداد سرعة تردد القطع للمرشح كلما زادت مرتبة ذلك المرشح (number of order  $(n)$ )  
 اما قسمة تردد القطع للمرشح فتعتمد على قيمة المقاومات والمكثفات في دائرة المرشح  
 وكما موضح في الشكل



### \* Filter Response:

- 1- Butterworth Response
- 2- Chebyshev Response
- 3- Bessel Response

to be continue.

## 2- Butterworth Response:

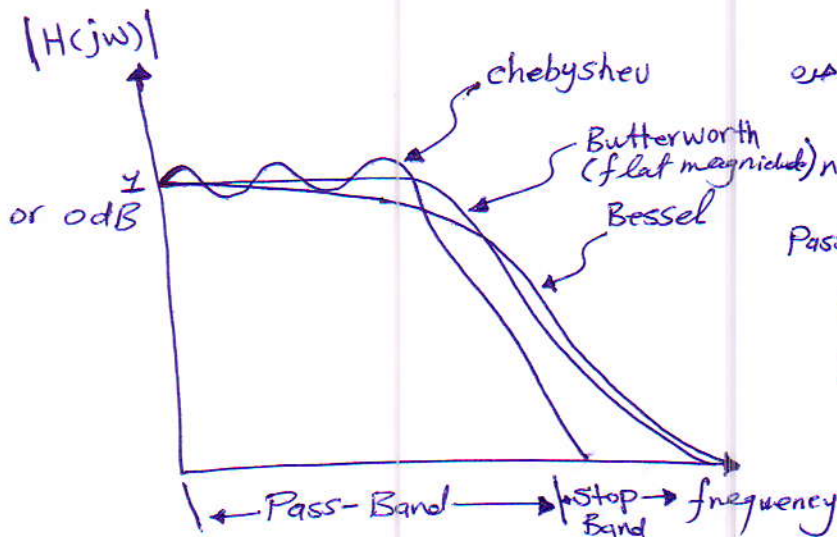
For Low Pass Filter

$$|H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_{cL}}\right)^{2n}}}$$

$n$ : number of order

For High Pass Filter

$$|H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f_{cH}}{f}\right)^{2n}}}$$



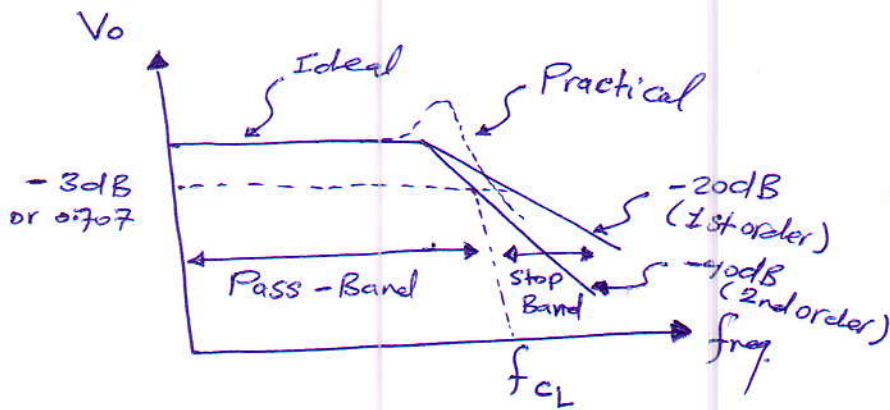
\* استجابة المرشح عند اعتماد طريقة (Butterworth) في التصميم حيث يتم اختيار قيم المقاربات، المسافات بطريقة معينة لضمان ظهور الاستجابة في منطقة Pass-Band مع عدم قوالبات (ripple) مع انحدار اقل منه ولكن نستطيع زيادة سرعة تردد القطع ( $f_c$ ) من 20dB الى 40dB او اكثر بزيادة مرتبة المرشح ولكن اعلى مرتبة مسموح بها في هذه الطريقة هي 8-order

\* بينما استجابة Chebyshev تكون اكثر حدة من استجابة Butterworth باقل عدد من مرتبة ولكن مع قوالبات تقصر في منطقة Pass-Band، اما استجابة Bessel فانها تستقيم معنا نتابع الى مرشح يكون Linear Phase وكما موضح في الشكل، الاستجابة الانواع الثلاثة

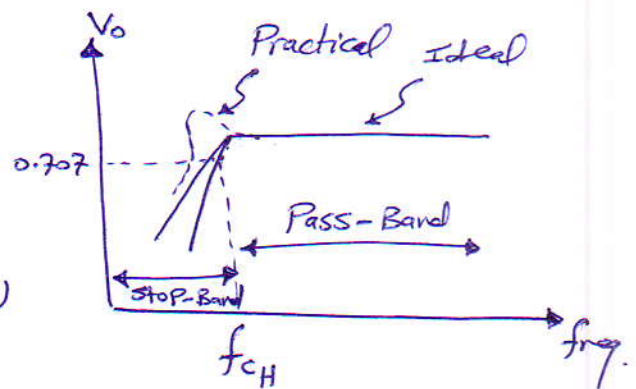
\* Linear Phase filter: هو المرشح الذي لا يعطي إخراج متماثل يكون هناك إزاحة زمنية بيننا المرشح الذي يكون (nonlinear Phase) فانه يعطي إخراج مع غير اي Impact

\* Filter concept : A filter is a circuit that is designed to Pass a specified band of frequencies, while attenuating all signals outside this band.

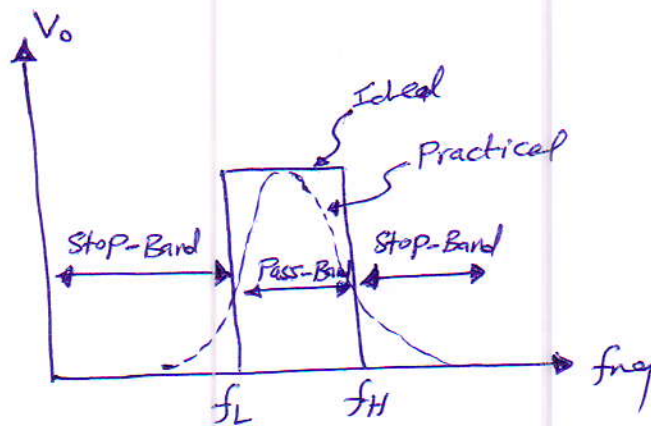
Filter network  $\rightarrow$  Passive filter (contains only R, L and C)  
 $\rightarrow$  Active filter (contains transistor or op- amplifier plus R and C)



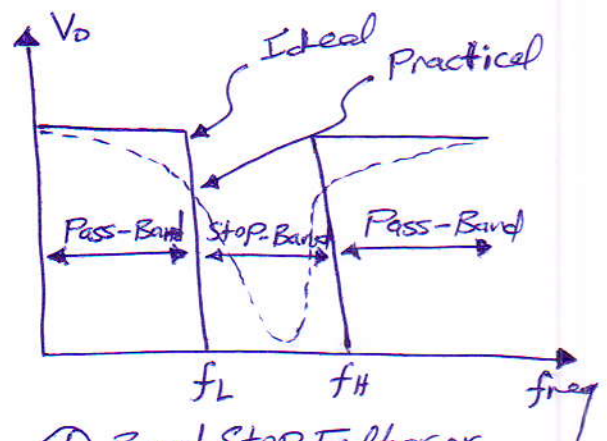
(a) Low Pass Filter



(b) High Pass Filter



(c) Band Pass Filter



(d) Band Stop Filter or  
Band elimination or  
notch filter

## \* Low-Pass Butterworth Filters

$$V_o = V_i * \frac{\frac{1}{j\omega C}}{R + \frac{1}{j\omega C}}$$

$$\Rightarrow A_{CL} \left( \frac{V_o}{V_i} \right) = \frac{1}{1 + j\omega RC}$$

$$f_c = \frac{1}{2\pi RC} \text{ for 1st order}$$

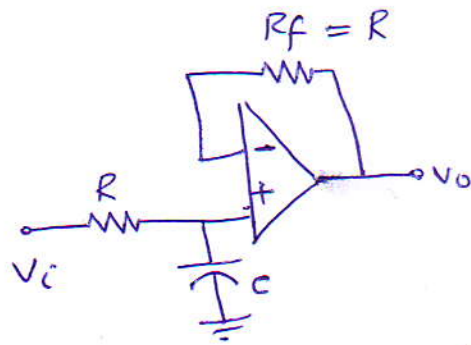
for  $\omega RC = 1$

$$\Rightarrow A_{CL} = \frac{1}{1 + j} = \frac{1}{\sqrt{2} \angle 45^\circ}$$

$$= \boxed{0.707 \angle -45^\circ} \text{ or } \boxed{-3dB}$$

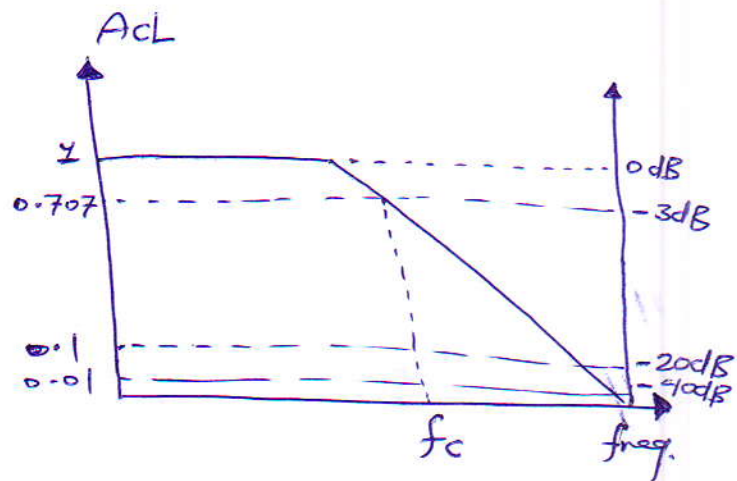
\* When  $\omega = 0$ ;  $|A_{CL}| = 1$   
at low frequency

\* When  $\omega \approx \infty$   $|A_{CL}| = 0$   
at very high frequency



(one Pole (1st order) low Pass)  
filter using voltage follower

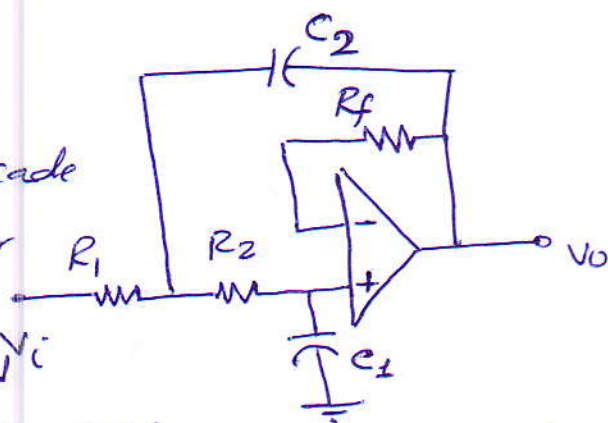
\* تم استخدام دائرة follower لغرض جعل قيمتي النسب يساوي واحد ؛ وكذلك استخدمنا  $R = R_f$  لغرض موازنة التيار الخارج عن طرفي الجهد الموجب (+) حيث يمر التيار عن طريق مقاومة (R) وبالتالي وضعت مقاومة feedback تساوي نفس قيمة المقاومة لغرض جعل current matched



\* عند ربط دائرة المرشح الى نظام معين نلاحظ تغيير قيمة تردد القطع وذلك بسبب ابر مقاومة الإدخال للنظام تعمل كـ load على المرشح لذلك تم استخدام follower وهو يعطي مقاومة إخراج صافاً قليلة وبالتالي تلغي تأثير هذه الحالة ؛ وهذا يعتبر السبب الثاني لاستخدام follower

## \* 2<sup>nd</sup> order Low Pass Butterworth filter:

Second order low Pass filter  
or can be could  $-40\text{dB/decade}$   
means a LPF that has a filter  
cut off frequency, the  
magnitude of  $A_{CL}$  decreased  
by  $-40\text{dB}$  as  $\omega$  increase to  $10\omega$ .



(Two Poles (2<sup>nd</sup> order) Low)  
Pass filter

## \* Design Procedure:

- 1- Make  $R_1 = R_2 = R \Rightarrow R = \frac{0.707}{\omega C C_1} = \boxed{\frac{0.707}{2\pi f_c C_1}}$
- 2- Pick  $C_1$ , choose a convenient value between  $(100\text{pF} - 0.1\mu\text{F})$
- 3- Make  $\boxed{C_2 = 2C_1}$
- 4- choose  $\boxed{R_f = 2R}$

EX: Design a  $-40\text{dB/decade}$  LPF, assume cutoff freq. is  $1\text{kHz}$  and  $C_1 = 0.01\mu\text{F}$ ; then sketch the filter response?

سبح

Solution:

Pick  $C_2 = 2C_1 = 2 \times 0.01 \mu F = \boxed{0.02 \mu F}$

Select  $R_1 = R_2 = R$

$$R = \frac{0.707}{2\pi f_c C_1} = \frac{0.707}{2\pi (1k)(0.01\mu)} = \boxed{11.258 k\Omega}$$

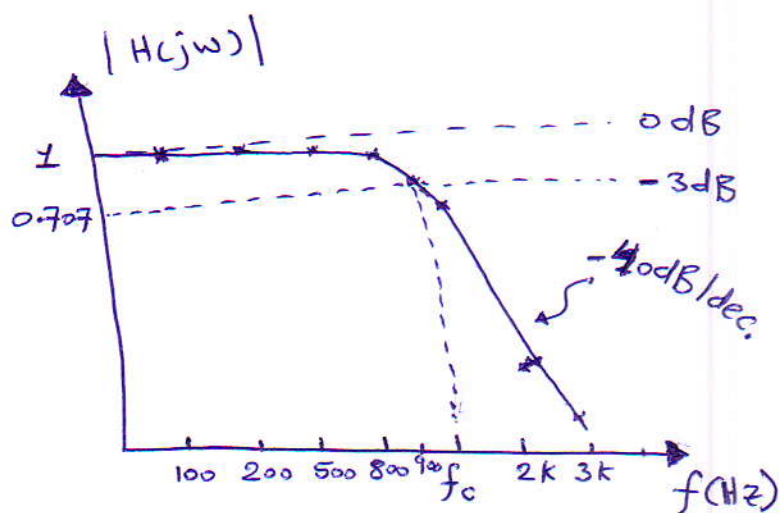
$$R_f = 2R = 2(11.258k) = \boxed{22.516 k\Omega}$$

to find the response of filter (2<sup>nd</sup> order  $n=2$ )

$$|H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f}{f_c}\right)^4}}$$

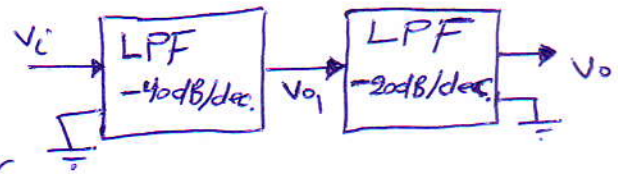
\* إيجاد الاستجابة للمرشح بترددات مختلفة  
قيم معينة في المعادلة لإيجاد كيفية  
تغير المخرج مع تغير التردد.

| $f (Hz)$ | $ H(j\omega) $ |
|----------|----------------|
| 100      | 0.9999         |
| 200      | 0.999          |
| 500      | 0.97           |
| 800      | 0.84           |
| 900      | 0.777          |
| 1k       | 0.707          |
| 2k       | 0.242          |
| 3k       | 0.11           |



## \* 3rd order Low Pass Butterworth Filter:

To build a -60dB/decade Low Pass filter, we use -40dB/dec. cascaded with another -20dB/dec. to give an overall closed loop gain

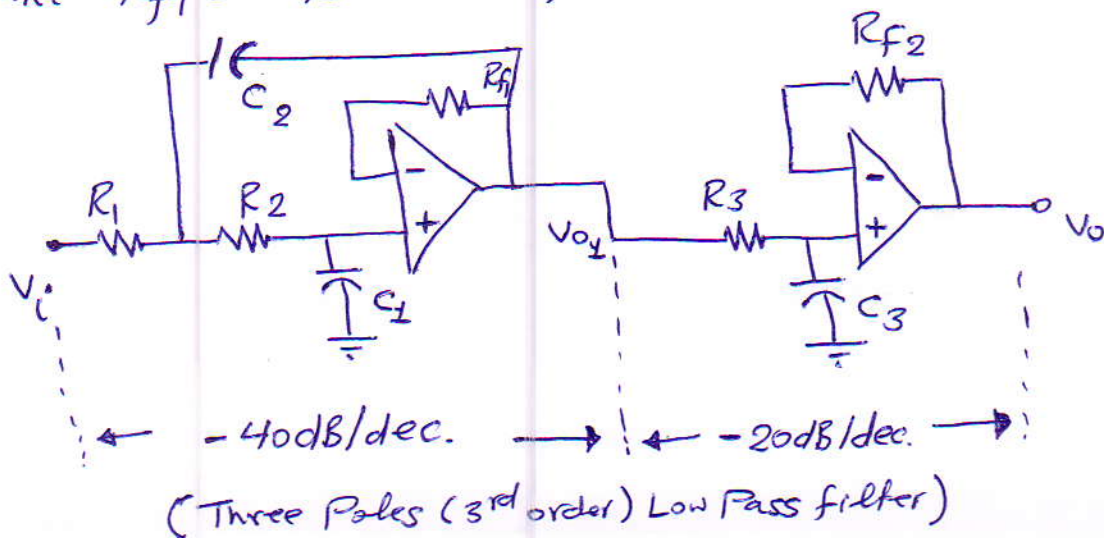


\* يتم بناء مرشح ذو مرتبة ثالثة من فاصل مرتبة من المرشحات اقلها يكون -40dB/dec (2nd order) والاخر يكون -20dB (1st order) وبالتالي فاصل على مرشح بطريقتين -60dB/dec عند تردد القطع

$$A_{CL} = \frac{V_o}{V_i} = \frac{V_{o1}}{V_i} * \frac{V_o}{V_{o1}}$$

## \* Design Procedure:

- 1- Choose the cut off freq. ( $f_c$ ); if it is not given
- 2- Pick  $C_3$ ; choose a convenient value between (0.001  $\mu F$  - 0.1  $\mu F$ )
- 3- Make  $C_1 = \frac{1}{2} C_3$  and  $C_2 = 2C_1$
- 4- Calculate  $R = \frac{1}{2\pi f_c C_3}$ ; the best choose of  $R$  (10k $\Omega$  - 100k $\Omega$ )
- 5- Make  $R_1 = R_2 = R_3 = R$
- 6- Make  $R_{f1} = 2R$  and  $R_{f2} = R$



# \* High-Pass Butterworth filters:

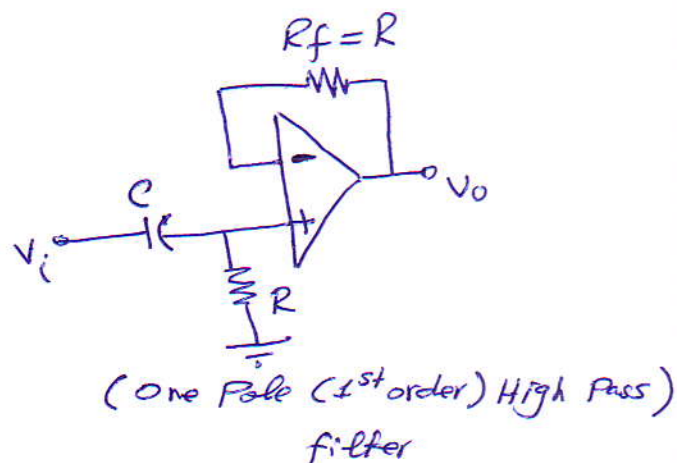
$$V_o = V_i * \frac{1}{1 - j(\frac{1}{\omega R C})}$$

$$\Rightarrow A_{CL}(\frac{V_o}{V_i}) = \frac{1}{1 - j(\frac{1}{\omega R C})}$$

$$f_c = \frac{1}{2\pi R C} \text{ for the 1st order}$$

$$\text{for } \omega R C = 1 \Rightarrow A_{CL} = \frac{1}{1 - j} = \frac{1}{\sqrt{2} \angle -45^\circ} = 0.707 \angle 45^\circ$$

or +3dB



Ex: Design a 1st order high Pass Butterworth filter to attenuate an audio frequencies? then, sketch the filter response?

Solution:

تصميم التمرير

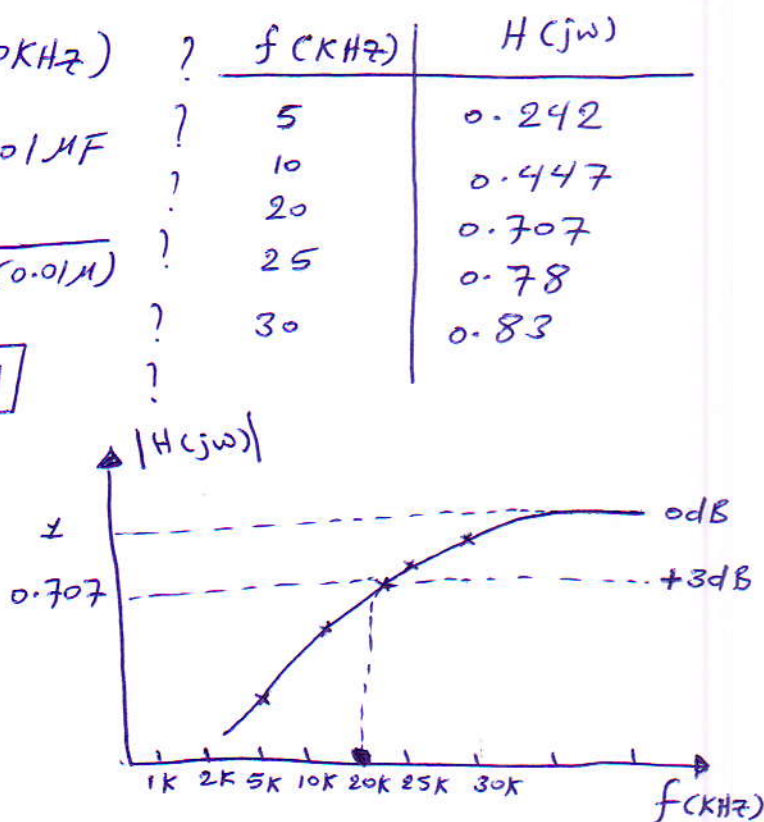
Audio frequencies (20Hz - 20KHz)

$\Rightarrow f_{CH} = 20 \text{ KHz}$  ; let  $C = 0.01 \mu F$

$$f_c = \frac{1}{2\pi R C} \Rightarrow 20k = \frac{1}{2\pi R (0.01\mu)}$$

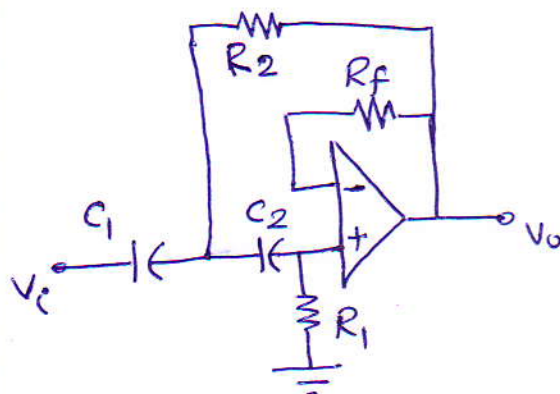
$$\Rightarrow R = 796 \Omega \text{ 1st order } n=1$$

$$|H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + (\frac{f_{CH}}{f})^2}}$$



## \* 2nd order High-Pass Butterworth Filter:

2nd order high Pass filter means the magnitude of  $A_{CL}$  increase by 40dB/decade at  $\omega$  increase to 10 $\omega$



(Two Poles (2nd order) High Pass filter)

## \* Design Procedure:

- 1- choose a cut off freq ( $f_c$ ); if it is not given
- 2- Let  $C_1 = C_2 = C$  and choose the suitable value for  $C$
- 3- Calculate  $R_1$ ;  $R_1 = \frac{1.414}{2\pi f_c C}$
- 4- Select  $R_2 = \frac{1}{2} R_1$
- 5- To minimize d.c. offset; let  $R_f = R_1$
- .....

Ex: Using 40dB/dec. HPF; let  $C_1 = C_2 = 0.01\mu F$ , Calculate  $R_1$  and  $R_2$  for a cutoff freq. of 1kHz

Solution:

$$R_1 = \frac{1.414}{2\pi f_c C} = \frac{1.414}{2\pi (1k)(0.01\mu)} = \boxed{22.516 K\Omega}$$

$$R_2 = \frac{1}{2} R_1 = \frac{1}{2} (22.516 k) = \boxed{11.258 K\Omega}$$

Ex: Design a twoPole HPF with cutoff frequency of 50kHz;  
 then calculate ① the magnitude of the transfer function  
 at  $f = 0.2 f_c$  ② the frequency at which the gain drops  
 to 40% of its maximum value? or magnitude

Solution:

$$\text{let } C = 0.001 \mu F = C_1 = C_2$$

$$\Rightarrow R_1 = \frac{1.414}{2\pi f_c C} = \frac{1.414}{2\pi (50k)(0.001\mu)} = \boxed{4.5 k\Omega}$$

$$R_2 = \frac{1}{2} R_1 = \frac{1}{2} (4.5 k) = \boxed{2.25 k\Omega}$$

$$R_f = R_1 = \boxed{4.5 k\Omega}$$

$$\textcircled{1} |H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f_{cH}}{f}\right)^4}} \text{---} \textcircled{1} \text{ at } f = 0.2 f_c \text{---} \textcircled{2}$$

Subs ② in ①  
and we get:

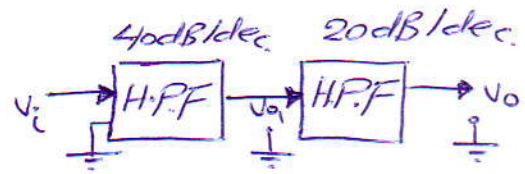
$$\Rightarrow |H(j\omega)| = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{f_{cH}}{0.2 f_{cH}}\right)^4}} = \boxed{0.0399}$$

$$\textcircled{2} \text{ at magnitude drops } 40\% \left(\frac{40}{100}\right)$$

$$\Rightarrow 0.4 = \frac{1}{\sqrt{1 + \left(\frac{50k}{f}\right)^4}} \Rightarrow \boxed{f = 33 kHz}$$

## \* 3rd order High Pass Butterworth Filter:

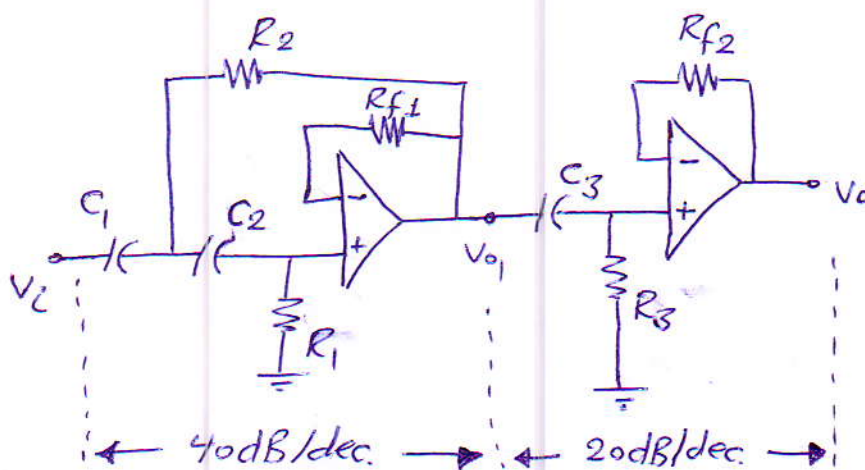
Using a 40dB/dec. filter cascaded with another 20dB/dec. to produce 60dB/dec. HPF



$$A_{CL} = \frac{V_o}{V_i} = \frac{V_{o1}}{V_i} * \frac{V_o}{V_{o1}}$$

## \* Design Procedure:

- 1- Choose the cutoff freq. ; if it is not given
- 2- let  $C_1 = C_2 = C_3 = C$  (values 100pF - 0.1μF)
- 3- Calculate  $R_3 = \frac{1}{\omega_c C}$
- 4- Select  $R_1 = 2R_3$
- 5- Select  $R_2 = \frac{1}{2} R_3$
- 6- To minimize d.c offset  $R_{f1} = R_1$  and  $R_{f2} = R_3$



(Three Poles (3rd order) HPF)

(151)

Ex: For 60 dB/dec. Butterworth filter; determine  $R_1$ ,  $R_2$  and  $R_3$ ; for  $\omega_c = 1 \text{ krad/s}$ ; ( $f_c = 159 \text{ Hz}$ ) and  $C_1 = 0.1 \mu\text{F}$ ?

Solution:

$$R_3 = \frac{1}{\omega_c C} \quad ; \quad C = C_1 = C_2 = C_3 = 0.1 \mu\text{F}$$

$$\Rightarrow R_3 = \frac{1}{(1000)(0.1 \mu)} = \boxed{10 \text{ k}\Omega}$$

$$R_1 = 2 R_3 = 2 (10 \text{ k}) = \boxed{20 \text{ k}\Omega}$$

$$R_2 = \frac{1}{2} R_3 = \frac{1}{2} (10 \text{ k}) = \boxed{5 \text{ k}\Omega}$$

~ ~ ~

H.W ①: Design a two pole low Pass Butterworth filter with  $f_c = 20 \text{ kHz}$  ① determine the magnitude of the gain at  $f$  is equal to  $18 \text{ kHz}$ ,  $20 \text{ kHz}$  and  $22 \text{ kHz}$

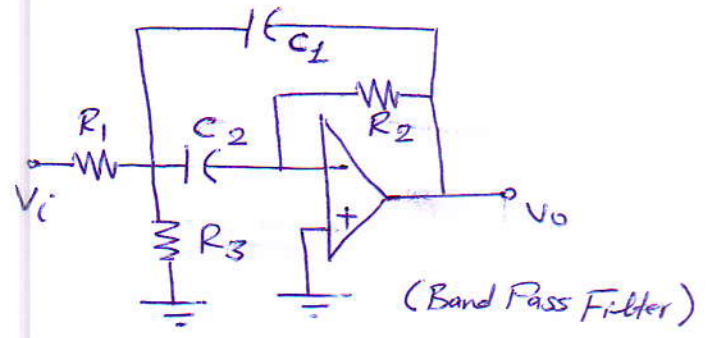
Ans: For  $C_1 = 0.5628 \mu\text{F}$   $\Rightarrow R = 10 \text{ k}\Omega$ ;  $R_f = 20 \text{ k}\Omega$ ;  $C_2 = 1.125 \text{ nF}$   
① 0.777, 0.707 and 0.637

H.W ②: A Low Pass filter is to have a  $f_c = 10 \text{ kHz}$  and is to have a gain at  $20 \text{ kHz}$ , which is reduced by at least 25 dB from its maximum value. Find the minimum number of poles required for a Butterworth filter?

Ans: 2

# \* Band Pass Filter :

A Band Pass Filter is a circuit designed to Pass signals only in a certain band of frequencies, while rejecting all signals outside this band



\* Band Pass Filter

- Narrow Band  $\rightarrow BW < 0.1 W_c \quad (Q > 10)$
- Wide Band  $\rightarrow BW > 0.1 W_c \quad (Q < 10)$

Q : (Quality factor) : indicate the selectivity of the circuit

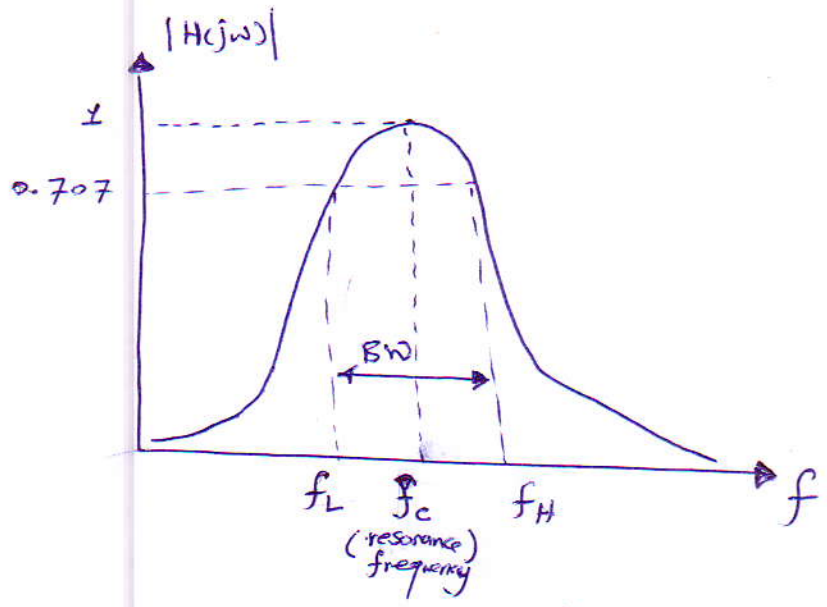
\* كلما كانت قيمة Q كبيرة جداً ان عرض الحزمة ضيق وبالتالي اختيار القناة المطلوبة يكون ادق

$$Q = \frac{W_c}{BW}$$

$$BW = f_H - f_L$$

or

$$BW = \omega_H - \omega_L$$



### \* Design Procedure :

- 1- choose the resonant freq. ( $\omega_c$ ) and the bandwidth (BW).
- 2- Calculate  $Q = \frac{\omega_c}{BW}$
- 3- choose  $C_1 = C_2 = C$
- 4-  $R_2 = \frac{2}{BW * C}$
- 5-  $R_1 = \frac{1}{2} R_2$
- 6-  $R_3 = \frac{R_2}{4Q^2 - 2} \text{ or } \frac{R_2}{4Q^2} \text{ (for } 4Q^2 \gg 2)$

~ ~ ~ ~ ~

Ex: Design BPF to Produce  $f_c = 1590 \text{ Hz}$  ( $\omega_c = 10 \text{ Krad/s}$ );  
 $Q = 10$  ; let  $C_1 = 0.01 \mu\text{F}$  ?

Solution :

$$BW = \frac{\omega_c}{Q} = \frac{10 * 10^3}{10} = \boxed{10^3 \text{ rad/s}} \text{ (narrow Band)} \\ \text{or } \boxed{159 \text{ Hz}}$$

$$\Rightarrow R_2 = \frac{2}{BW * C} = \frac{2}{(10^3)(0.01 * 10^{-6})}$$

$$\Rightarrow R_2 = \boxed{200 \text{ k}\Omega}$$

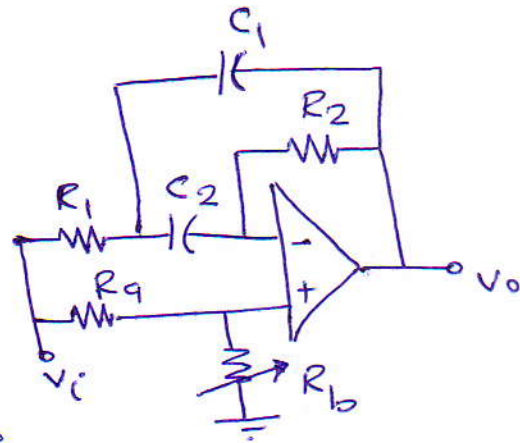
$$R_1 = \frac{1}{2} R_2 = \frac{1}{2} (200 \text{ k}) = \boxed{100 \text{ k}\Omega}$$

$$R_3 = \frac{R_2}{4Q^2} = \frac{200 \text{ k}}{4(10)^2} = \boxed{0.5 \text{ k}\Omega}$$

\* بالترتيب تصميم (BPF) مع ضلوع ربط مرشحات  $HP$  و  $LP$  على التوالي للحصول على مرشح الإشارات المرغوب (BPF)

## \* Notch Filters (Band Stop Filters):

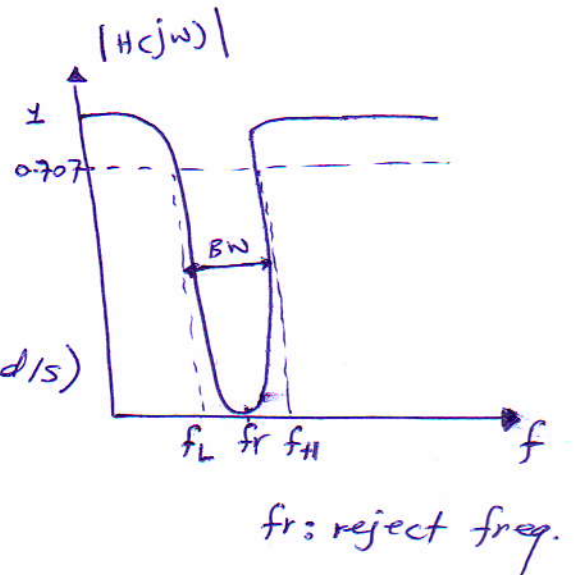
The circuit shown is a notch or band elimination filter or band stop filter; undesired frequencies are attenuated in the stop band (for example 50Hz, 60Hz and 400Hz) noise signals in motor generator.



(Notch Filter (BSF))

## \* Design Procedure:

- 1- choose  $C_1 = C_2 = C$   
(values 100pF - 0.1μF)
- 2- calculate  $R_2 = \frac{2}{B.W * C}$  (BW in rad/s)
- 3- Calculate  $R_1 = \frac{R_2}{4Q^2}$
- 4- Choose  $R_3$  traditional value such as 1kΩ
- 5- Calculate  $R_4$  from  $R_4 = 2Q^2 R_3$
- ~ . ~ . ~ .



Ex: Design a notch filter for  $f_r = 400\text{Hz}$  and  $Q = 5$ ;  
let  $C = 0.01\mu\text{F}$ .

تابع

Solution:

$$C_1 = C_2 = C = 0.01 \mu F$$

$$\omega_r = 2\pi f_r = (6.28)(400) = \boxed{2.512 \text{ k rad/s}}$$

$$B.W = \frac{\omega_r}{Q} = \frac{2.512 \text{ k}}{5} \approx \boxed{502 \text{ rad/s}}$$

$$R_2 = \frac{2}{B.W C} = \frac{2}{502 * 0.01 \mu} = \boxed{398.4 \text{ k}\Omega}$$

$$R_1 = \frac{R_2}{4Q^2} = \frac{398.4 \text{ k}}{4(5)^2} = \boxed{3.98 \text{ k}\Omega}$$

Choose  $\boxed{R_1 = 1 \text{ k}\Omega}$

$$\Rightarrow R_b = 2Q^2 R_1 = 2(5)^2 * 1 \text{ k} = \boxed{50 \text{ k}\Omega}$$

~ ~ ~ ~ ~

H-w ①: Design BPF to have  $f_c = 3183 \text{ Hz}$ ,  $Q = 5$  and  $C = 0.01 \mu F$ ?

Ans:  $R_2 = 50 \text{ k}\Omega$ ;  $R_1 = 25 \text{ k}\Omega$ ;  $R_3 = 500 \Omega$  and wide Band

H-w ②: Notch filter Can be built using LP and HP? explain?

H-w ③: When we built a BPF using LP and HP, the first stage was a HPF, why?

## \* Active Filters using Sallen and Key filter:

### \* Low Pass Butterworth (Sallen - Key):

\* تعتبر طريقة (Sallen; Key) طريقة صعبة لتصميم المرشحات لجميع أنواعها وكذلك لكل الأنواع الاستجابية للمرشحات حيث يمكن تصميم مرشحات (Butterworth, chebyshev, Bessel) وذلك من خلال القوائم الجاهزة للمرشحات ولكن كل مرحلة من مراحل التصميم يجب أن تكون عبارة عن 2<sup>nd</sup> order وكذلك قيم الكسب لكل مرتبة تؤخذ من الجدول حيث أن لكل مرتبة زوجية قيمة كسب مختلفة عن سابقتها وكذلك لكل امتدادية قيمة كسب مختلفة عن الأخرى وهنا ولو كانت بنفس المرتبة وكما موضح في الجدول.

$$f_c = \frac{1}{2\pi\sqrt{R_A R_B C_A C_B}}$$

$$; R_A = R_B = R \text{ and } C_A = C_B = C$$

$$\Rightarrow \boxed{f_c = \frac{1}{2\pi R C}}$$

$$\boxed{|H(j\omega)| = \frac{A_v}{\left(\frac{\omega}{\omega_c}\right)^2 + \left(\frac{\omega}{\omega_c}\right)\left(\frac{1}{Q}\right) + 1}}$$

Filter response for each 2<sup>nd</sup> order

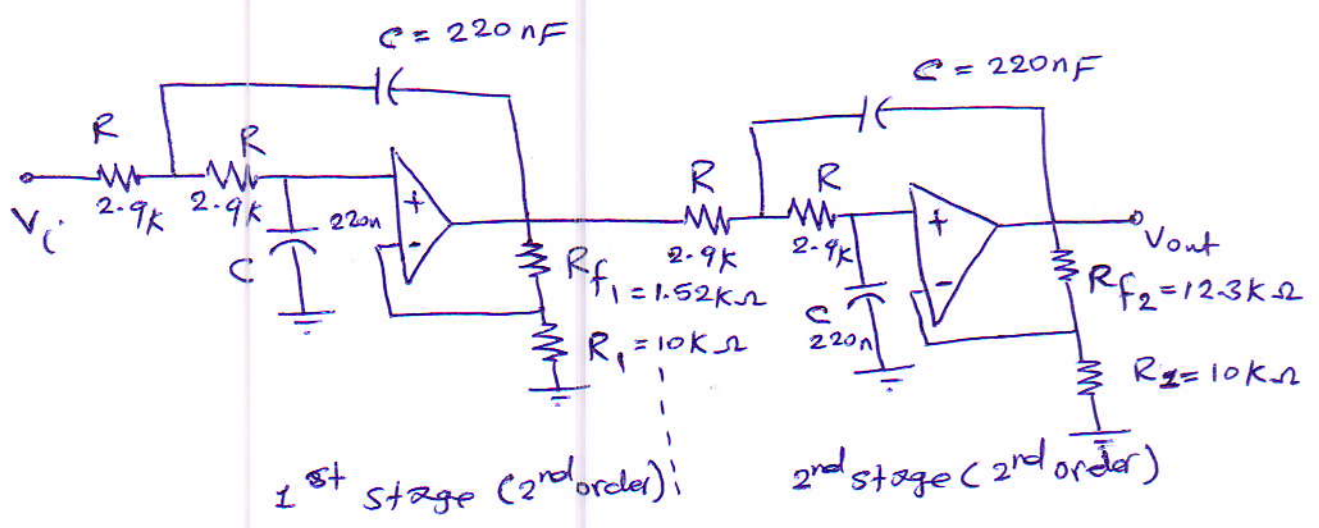
where  $\boxed{Q = \frac{1}{3 - A_v}}$

Ex 3 Design a four Pole Butterworth filter which has a -3 dB corner frequency at 250 Hz ; (use Sallen-Key) ?

ليتم

Solution :

\* الخطوة الأولى نقوم بتقسيم الدارة والتي تكون عبارة عن مرحلتين لكل مرحلة 2nd order حيث أن المرحلة (Sallen-Key) تستخدم فقط لتصميم المرحلتين زوجية الترتيب (2, 4, 6, ...)



\* for the 1st stage

$$RC = \frac{1}{2\pi f_c} = \frac{1}{2\pi (250)}$$

$$= \boxed{0.637ms}$$

let  $C = 220nF \Rightarrow R = \boxed{2.9k\Omega}$

From table  $A_{v1} = 1.152 = 1 + \frac{R_{f1}}{R_1}$  let  $R_1 = \boxed{10k\Omega}$

$\Rightarrow R_{f1} = \boxed{1.52k\Omega}$

\* For the 2nd stage

from table  $A_{v2} = 2.235 = 1 + \frac{R_{f2}}{R_2}$  ;  $\because R_1 = 10k\Omega \Rightarrow R_{f2} = \boxed{12.35k\Omega}$

\* ملاحظة: في هذه الدارة، كل مرحلة من المرحلتين هي من الدرجة الثانية (2nd order).  
نسب التخميد في كل مرحلة، لا بد أن تكون أكبر من 1.  
المقاومات والمكثفات متساوية جزئياً (C = 220nF).  
المقاومات التي تتعلق بالنسب  $(R_1, R_{f1}, R_{f2})$  هي:

## \* Low Pass Bessel and chebyshev (Sallen-key):

$$R_C = \frac{1}{2\pi f_c f_n}$$

$f_n$ : normalized factor

The RC Product for each section must be scaled by the normalized factor ( $f_n$ )

\* عند تصميم رنينج (Bessel أو cheb) لطريقة (Sallen-key) فأن هناك معامل مبدئ يتم ادخاله الى المعادلة لغرض لغرض الحصول على الاستجابة المطلوبة حيث ان لكل من Bessel أو cheb استجابة متعلقة به الآخر كما نعلم لذلك يجب ادخال عامل يتغير عند كل نوع من الاستجابة وكما موضح فيما بعد

Ex: Design a four Pole Low Pass Bessel filter which has a -3dB corner freq. at 300Hz?

Solution: A four Pole filter requires two stages. each stage has two Pole filter.

\* for the 1st stage  $R_C = \frac{1}{2\pi f_c f_n} = \frac{1}{2\pi (300)(1.432)} = \boxed{0.37ms}$

If  $R = \boxed{1K\Omega} \Rightarrow C = \boxed{0.37\mu F}$

$A_{v1} = \frac{R_{f1}}{R_1} + 1 \Rightarrow 1.084 = 1 + \frac{R_{f1}}{R_1}$  ; let  $R_1 = \boxed{10K\Omega}$

$\Rightarrow R_{f1} = \boxed{840\Omega}$

\* for the 2nd stage

$R_C = \frac{1}{2\pi f_c f_n} \Rightarrow R_C = \frac{1}{2\pi (300)(1.606)} = \boxed{0.33ms}$

$\Rightarrow A_{v2} = 1 + \frac{R_{f2}}{R_1} \Rightarrow 1.759 = 1 + \frac{R_{f2}}{10K} \Rightarrow R_{f2} = \boxed{7.6k\Omega}$

# \* High Pass Bessel and Chebyshev (Sallen-Key):

$$RC = \frac{f_n}{2\pi f_c} \quad \text{c for high Pass filters (Bessel and chebyshev) only}$$

Ex 8 Design a chebyshev high Pass filter with (0.5 dB of ripple) a corner frequency of 1200 Hz and a roll off in excess of 120 dB Per decade.

Solution:

6-order ne bias 120 dB (الافضل) roll off \*  
120 dB/decade implies an order of at least  $n=6$

\* For the 1st stage:

$$RC_1 = \frac{f_n}{2\pi f_c} \Rightarrow RC_1 = \frac{0.396}{2\pi \times 1200} = \boxed{0.0525 \text{ ms}}$$

$$\text{let } C_1 = \boxed{100 \text{ nF}} \Rightarrow R_1 = \boxed{525 \Omega}$$

$$A_{v1} = 1 + \frac{R_{f1}}{R_1} \Rightarrow 1.537 = 1 + \frac{R_{f1}}{R_1}$$

$$\text{let } R_1 = \boxed{10 \text{ k}\Omega} \Rightarrow R_{f1} = \boxed{5.37 \text{ k}\Omega}$$

يتبع

\* For the 2<sup>nd</sup> stage:

$$RC_2 = \frac{f_n}{2\pi f_c} = \frac{0.768}{2\pi \times 1200} = \boxed{0.1019 \text{ ms}}$$

$$\text{let } C_2 = 100 \text{ nF} \Rightarrow R_2 = \boxed{1019 \Omega}$$

$$A_{V2} = 1 + \frac{R_{f2}}{R_1} \approx R_1 = 10 \text{ k}\Omega \text{ from 1<sup>st</sup> stage}$$

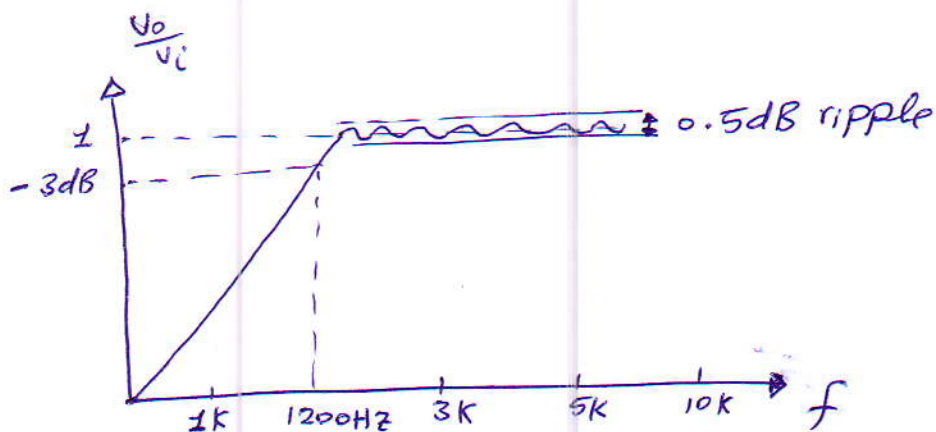
$$\Rightarrow 2.448 = 1 + \frac{R_{f2}}{10 \text{ k}} \Rightarrow R_{f2} = \boxed{14.48 \text{ k}\Omega}$$

\* For the 3<sup>rd</sup> stage:

$$RC_3 = \frac{f_n}{2\pi f_c} \Rightarrow RC_3 = \frac{1.011}{2\pi \times 1200} = \boxed{0.134 \text{ ms}}$$

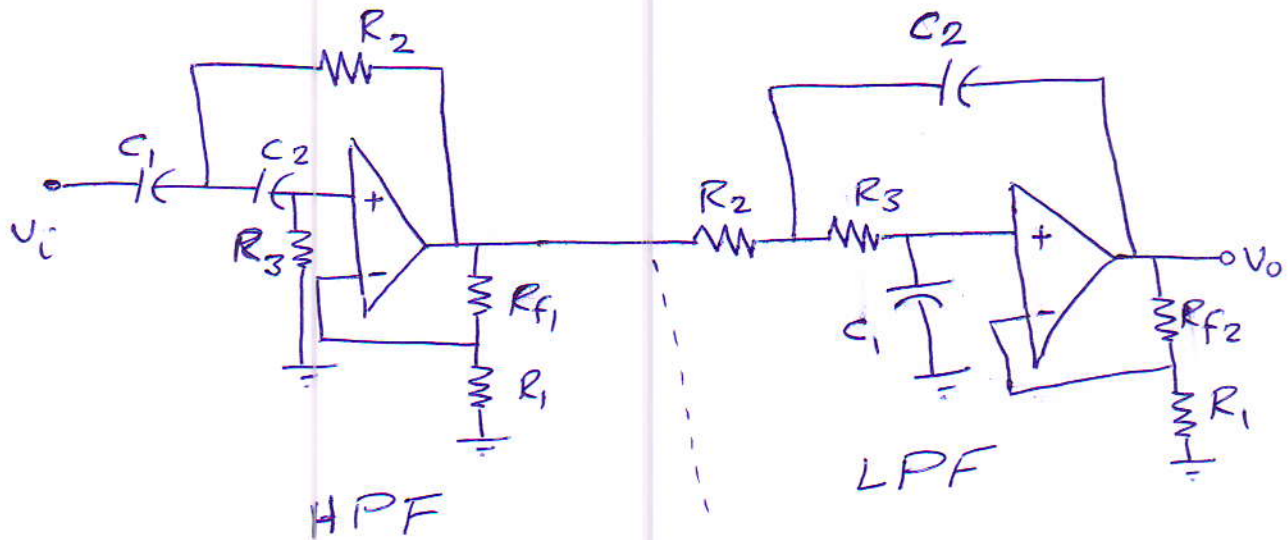
$$\text{let } C_3 = 100 \text{ nF} \Rightarrow R_3 = \boxed{1341 \Omega}$$

$$A_{V3} = 1 + \frac{R_{f3}}{R_1} \Rightarrow 2.846 = 1 + \frac{R_{f3}}{10 \text{ k}} \Rightarrow R_{f3} = \boxed{18.46 \text{ k}\Omega}$$



### \* Band Pass Filters:

It can be made by cascading High Pass with low Pass as shown below:



Ex: Design a two Pole Butterworth band Pass filter with corner frequency values 400Hz and 4KHz (using Sallen-Key).

Solution: BPF  $\rightarrow$  HP + LP

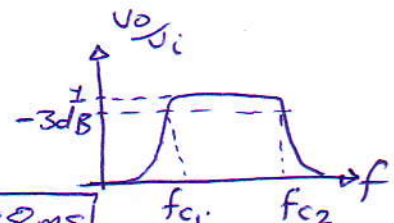
\* For the 1st stage HP:

$$RC_1 = \frac{1}{2\pi f_{c1}} \Rightarrow RC_1 = \frac{1}{2\pi * 400} = \boxed{0.398 \text{ ms}}$$

$$\text{let } C_1 = 100 \text{ nF} \Rightarrow R_1 = \boxed{3.98 \text{ K}\Omega}$$

$$A_{v1} = 1 + \frac{R_{f1}}{R_1} \Rightarrow 1.586 = 1 + \frac{R_{f1}}{R_1}$$

$$\text{let } R_1 = \boxed{10 \text{ K}\Omega} \Rightarrow R_{f1} = \boxed{5.86 \text{ K}\Omega}$$



نتیجه

\* For the 2nd stage LP:

$$RC_2 = \frac{1}{2\pi f_{c2}} \Rightarrow RC_2 = \frac{1}{2\pi \times 4000} = \boxed{0.0398 \text{ ms}}$$

$$\text{let } C_2 = 100 \text{ nF} \Rightarrow R_2 = \boxed{3.98 \text{ K}\Omega}$$

$$A_{v2} = 1 + \frac{R_{f2}}{R_i} \Rightarrow 1.586 = 1 + \frac{R_{f2}}{10\text{K}} \Rightarrow R_{f2} = \boxed{5.86 \text{ K}\Omega}$$

~ ~ ~

### \* Sallen-Key Filter advantages:

- 1- Each filter in a two pole Peroperational amplifier with minimum number of components.
- 2- Non-inverting gain
- 3- low output impedance

~ ~ ~

### \* Sallen-Key Filter disadvantages:

- 1- Very sensitive to component values.
- 2- It is difficult to use in applications which requires a tunable filter.

H.W ① : How the Band stop filter can be made using Sallen-Key Parameters? (Draw the BPF circuit).

H.W ② Design a chebyshev Band Pass Filter with 2dB of ripple and corner frequency values 1KHz and 3KHz and a roll off in excess of 40 dB/decade?

H.W ③ : what are the advantages and disadvantages of Sallen-Key filters?

| Order<br>(poles) | Butter-<br>worth | Bessel |       | Chebyshev<br>(0.5 dB) |       | Chebyshev<br>(2 dB) |       |
|------------------|------------------|--------|-------|-----------------------|-------|---------------------|-------|
|                  |                  | gain   | fn    | gain                  | fn    | gain                | fn    |
| 2                | 1.586            | 1.268  | 1.274 | 1.842                 | 1.231 | 2.114               | 0.907 |
| 4                | 1.152            | 1.084  | 1.432 | 1.582                 | 0.597 | 1.924               | 0.471 |
|                  | 2.235            | 1.759  | 1.606 | 2.660                 | 1.031 | 2.782               | 0.964 |
| 6                | 1.068            | 1.040  | 1.607 | 1.537                 | 0.396 | 1.891               | 0.316 |
|                  | 1.586            | 1.364  | 1.692 | 2.448                 | 0.768 | 2.648               | 0.730 |
|                  | 2.483            | 2.023  | 1.908 | 2.846                 | 1.011 | 2.904               | 0.983 |
| 8                | 1.038            | 1.024  | 1.781 | 1.522                 | 0.297 | 1.879               | 0.238 |
|                  | 1.337            | 1.213  | 1.835 | 2.379                 | 0.599 | 2.605               | 0.572 |
|                  | 1.889            | 1.593  | 1.956 | 2.711                 | 0.861 | 2.821               | 0.842 |
|                  | 2.610            | 2.184  | 2.192 | 2.913                 | 1.006 | 2.946               | 0.990 |

### SALLÉN - KEY FILTER PARAMETERS